

ΝΟΗΜΑ ΚΑΙ ΑΝΑΦΟΡΑ¹

‘Η ἰσότητα² γεννᾷ ἐρωτήματα στὰ δποῖα δὲν εἶναι εὕκολο νὰ ἀπαντήσουμε. Εἶναι μιὰ σχέση ἡ ἰσότητα; Μιὰ σχέση μεταξὺ ἀντικειμένων ἢ μεταξὺ δνομάτων ἢ σημείων γιὰ τὰ ἀντικείμενα; Στὴν ’Ιδεογραφία μου³ ὑπόθεσα τὸ τελευταῖο. Οἱ λόγοι ποὺ φαίνεται νὰ συνηγοροῦν γιὰ τοῦτο εἶναι οἱ ἔξῆς: ἡ $a = a$ καὶ ἡ $a = \beta$ εἶναι προφανῶς προτάσεις διαφορετικῆς γνωστικῆς ἀξίας· ἡ $a = a$ ἰσχύει a priori καὶ, σύμφωνα μὲ τὸν Kant, θὰ πρέπει νὰ χαρακτηριστεῖ ως ἀναλυτική, ἐνῶ προτάσεις τῆς μορφῆς $\alpha = \beta$ περιέχουν συχνὰ πολὺ ἀξιόλογες ἐπεκτάσεις τῆς γνώσης μας καὶ δὲν μποροῦν πάντα νὰ θεμελιωθοῦν a priori. Η ἀνακάλυψη δτι κάθε πρωὶ δὲν ἀνατέλλει ἔνας καινούριος ἥλιος, ἀλλὰ εἶναι πάντα δ ἴδιος, εἶναι ἀσφαλῶς μιὰ ἀπὸ τὶς πιὸ γόνιμες ἀστρονομικὲς ἀνακαλύψεις. ’Ακόμα καὶ σήμερα ἡ ἀναγνώριση ἐνὸς μικροῦ πλανήτη ἢ ἐνὸς κομήτη δὲν εἶναι πάντα κάτι τὸ τόσο εὕκολο. ’Αν, τώρα, βλέπαμε τὴν ἰσότητα σὰν μιὰ σχέση μεταξὺ αὐτῶν ποὺ ὑποδηλώνουν τὰ δνόματα ‘ a ’ καὶ ‘ β ’, τότε θὰ ἥταν σὰν νὰ μὴ μποροῦσε ἡ $a = \beta$ νὰ διαφέρει ἀπὸ τὴν $a = a$ (ὅταν, βέβαια, ἡ $a = \beta$ εἶναι ἀληθής). Θὰ ἐκφράζαμε, ἔτσι, μία σχέση ἐνὸς πράγματος μὲ τὸν ἑαυτό του, καὶ μάλιστα μία σχέση ποὺ ἔχει κάθε πράγμα μὲ τὸν ἑαυτό του ἀλλὰ μὲ κανένα ἄλλο πράγμα. Αὐτὸ ποὺ θέλει κανεὶς νὰ πεῖ μὲ τὴν $a = \beta$ φαίνεται νὰ εἶναι δτι τὰ σημεῖα ἢ δνόματα ‘ a ’ καὶ ‘ β ’ ὑποδηλώνουν τὸ ἴδιο πράγμα, ὡστε δ λόγος νὰ εἶναι γιὰ τὰ ἴδια τὰ σημεῖα: βεβαιώνεται μία σχέση μεταξύ τους. ’Αλλὰ αὐτὴ ἡ σχέση θὰ ἰσχυει μεταξὺ τῶν δνομάτων ἢ σημείων μόνο ἐνόσω αὐτὰ δνόμαζαν ἢ ὑποδήλωναν κάτι. Θὰ ἔπαιζε τὸ ρόλο τοῦ μεσάζοντα δ σύνδεσμος καθενὸς ἀπὸ τὰ δύο σημεῖα μὲ τὸ ἴδιο ὑποδηλούμενο πράγμα. ’Αλλὰ αὐτὸ εἶναι αὐθαιρεσία. Δὲν μποροῦμε νὰ ἀπαγορεύσουμε σὲ κανέναν νὰ χρησιμοποιήσει ἔνα αὐθαιρετο συμβάν ἢ ἀντικείμενο σὰν σημεῖο γιὰ κατιτί. Διότι μιὰ πρόταση $a = \beta$ δὲν θὰ ἀναφερόταν πιὰ στὸ ἴδιο τὸ ἀντικείμενο ἀλλὰ μόνο στὸν τρόπο τῆς σήμανσής του· μὲ αὐτὴν δὲν θὰ ἐκφράζαμε πραγματική γνώση. ’Αλλὰ πολλὲς φορὲς αὐτὸ ἀκριβῶς θέλουμε νὰ κάνουμε. ’Αν τὸ σημεῖο ‘ a ’ διακρίνεται ἀπὸ τὸ σημεῖο ‘ β ’ μόνο σὰν ἀντικείμενο (ἐδῶ, ἀπὸ τὸ σχῆμα του) καὶ ὅχι σὰν σημεῖο (δηλαδὴ ὅχι ἀπὸ τὸν τρόπο ποὺ ὑποδηλώνει κατιτί) ἡ γνωστικὴ ἀξία τῆς $a = a$ γίνεται οὐσιαστικὰ ἵση μὲ αὐτὴν τῆς $a = \beta$ ἐφόσον ἡ $a = \beta$ εἶναι ἀληθής. Κάποια διαφορὰ μπορεῖ νὰ προκύψει μόνον δταν ἡ διαφορὰ μεταξὺ τῶν σημειῶν ἀντιστοιχεῖ σὲ κάποια διαφορὰ στὸν τρόπο τῆς σήμανσης αὐτοῦ ποὺ ὑποδηλώνει. ’Εστω a , β , γ οἱ εὐθεῖες ποὺ ἐνώνουν τὶς κορυφὲς ἐνὸς τριγώνου μὲ τὰ μέσα τῶν ἀπέναντι πλευρῶν του. Τὸ σημεῖο τομῆς τῶν a καὶ β εἶναι τότε τὸ ἴδιο μὲ τὸ σημεῖο τομῆς τῶν β

καὶ γ. "Ωςτε ἔχουμε διαφορετικὲς ὑποδηλώσεις γιὰ τὸ ἴδιο σημεῖο, καὶ αὐτὰ τὰ ὀνόματα ('σημεῖο τομῆς τῶν *a* καὶ *β'* καὶ 'σημεῖο τομῆς τῶν *β* καὶ *γ'*) δείχνουν μαζὶ καὶ τὸν τρόπο μὲ τὸν ὅποιο δίνεται τὸ σημεῖο: καὶ γι' αὐτὸ ἡ πρόταση ὄντως περιέχει γνώση.

Εἶναι φυσικό, τώρα, νὰ σκεφτοῦμε ὅτι μὲ ἓνα σημεῖο (ὄνομα, συνδυασμὸς λέξεων, ἀπλὸ γράμμα) εἶναι συνδεμένο, ἐκτὸς ἀπὸ αὐτὸ στὸ ὅποιο ἀναφέρεται τὸ σημεῖο — ποὺ μπορεῖ νὰ ὀνομαστεῖ ἡ ἀναφορὰ τοῦ σημείου — καὶ αὐτὸ ποὺ θὰ ἥθελα νὰ ὀνομάσω τὸ νόημα τοῦ σημείου, ποὺ περιλαμβάνει τὸν τρόπο τῆς παρουσίασης. Στὸ παράδειγμά μας, λοιπόν, ἡ ἀναφορὰ τῶν ἐκφράσεων 'τὸ σημεῖο τομῆς τῶν *a* καὶ *β'* καὶ 'τὸ σημεῖο τομῆς τῶν *β* καὶ *γ'* θὰ εἶναι ἡ ἴδια — ἀλλὰ ὅχι καὶ τὸ νόημά τους. Ἡ ἀναφορὰ τοῦ "Ἐσπερος" θὰ εἶναι ἡ ἴδια μὲ αὐτὴν τοῦ 'Ἀνγερινός', ἀλλὰ ὅχι τὸ νόημά τους.

'Απὸ αὐτὰ ποὺ εἴπαμε ὡς τώρα εἶναι σαφὲς ὅτι μὲ 'σημεῖο' καὶ 'ὄνομα' ἐννοῶ ἐδῶ ὅποιαδήποτε ὑποδήλωση ποὺ ἀντιπροσωπεύει ἓνα κύριο ὄνομα, ἡ ὅποια ἔχει ἔτσι σὰν ἀναφορὰ κάποιο συγκεκριμένο ἀντικείμενο (μὲ τὴν εὐρύτερη σημασία τῆς λέξης) ἀλλὰ ὅχι μιὰν ἔννοια ἢ μιὰ σχέση· αὐτὰ θὰ ἔξετασθοῦν σὲ ἓνα ἄλλο ἄρθρο⁴. Ἡ ὑποσήμιανση ἐνὸς μόνον ἀντικειμένου μπορεῖ ἀκόμη νὰ ὑποτελεῖται ἀπὸ περισσότερες λέξεις ἢ ἀλλα σημεῖα. Γιὰ συντομία ἄς ὀνομάσουμε κάθε τέτοια ὑποσήμιανση κύριο ὄνομα.

Τὸ νόημα ἐνὸς κύριου ὀνόματος γίνεται καταληπτὸ ἀπὸ καθέναν ποὺ εἶναι ἀρκετὰ ἔξοικειωμένος μὲ τὴ γλώσσα ἢ τὸ σύνολο τῶν ἐκφράσεων στὶς ὅποιες ἀνήκει τὸ κύριο ὄνομα⁵: τοῦτο ὅμως φτάνει γιὰ νὰ φωτίσει μιὰ μόνο πλευρὰ τῆς ἀναφορᾶς, ἃν ὑποθέσουμε ὅτι ἔχει κάποια ἀναφορά. Μιὰ πλήρης γνώση τῆς ἀναφορᾶς θὰ ἀπαιτοῦσε ἀπὸ μᾶς νὰ μποροῦμε νὰ ποῦμε ἀμέσως γιὰ κάποιο δεδομένο νόημα ἃν τῆς ἀνήκει· ὡς ἐκεῖ δὲν φτάνουμε ποτέ.

Κανονικά, ἡ σύνδεση μεταξὺ ἐνὸς σημείου, τοῦ νοήματός του καὶ τῆς ἀναφορᾶς του εἶναι τέτοια ὡστε στὸ σημεῖο νὰ ἀντιστοιχεῖ ἓνα δρισμένο νόημα καὶ σὲ τοῦτο πάλι μιὰ δρισμένη ἀναφορά· ἐνῷ, σὲ μιὰ δεδομένη ἀναφορὰ (Ἶνα ἀντικείμενο) δὲν ἀνήκει μονάχα ἓνα σημεῖο. Τὸ ἴδιο νόημα ἐκφράζεται διαφορετικὰ σὲ διαφορετικὲς γλῶσσες ἢ ἀκόμη καὶ στὴν ἴδια γλώσσα. 'Ασφαλῶς ὑπάρχουν ἔξαιρέσεις σὲ αὐτὴν τὴν κανονικὴ συμπεριφορά. Σὲ κάθε ἐκφραση ποὺ ἀνήκει σὲ ἓνα δλοκληρωμένο σύνολο σημείων πρέπει, βέβαια, νὰ ἀντιστοιχεῖ ἓνα δρισμένο νόημα· ἀλλὰ συχνὰ οἱ φυσικὲς γλῶσσες δὲν ἐκπληρώνουν αὐτὸν τὸν ὄρο καὶ πρέπει νὰ εἴμαστε εὐχαριστημένοι ἃν ἡ ἴδια λέξη ἔχει τὸ ἴδιο νόημα στὴν ἴδια περίσταση. Μπορεῖ ἵστος νὰ δεχτοῦμε ὅτι κάθε γραμματικὰ καλοφτιαγμένη ἐκφραση ποὺ ἀντιπροσωπεύει ἓνα κύριο ὄνομα ἔχει πάντα κάποιο νόημα. 'Αλλὰ αὐτὸ δὲν πάει νὰ πεῖ ὅτι στὸ νόημα ἀντιστοιχεῖ καὶ μιὰ ἀναφορά. Οἱ λέξεις 'τὸ οὐράνιο σῶμα ποὺ ἀπέχει περισσότερο ἀπὸ τὴ γῆ' ἔχουν νόημα ἀλλὰ εἶναι πολὺ ἀμφίβολο ἃν ἔχουν καὶ ἀναφορά. 'Ἡ ἐκφραση 'ἢ βραδύτερα συγκλίνουσα ἀκολουθία' ἔχει νόημα ἀλλὰ μπορεῖ νὰ ἀποδειχτεῖ ὅτι δὲν ἔχει ἀναφορά, ἀφοῦ γιὰ κάθε δεδομένη συγκλίνουσα ἀκολουθία μπορεῖ νὰ βρεθεῖ μιὰ ἄλλη ἀκολουθία,

ποὺ νὰ συγκλίνει βραδύτερα. Μὲ τὸ νὰ συλλάβουμε, λοιπόν, τὸ νόημα δὲν ἔχουμε ὀπωσδήποτε καὶ ἀναφορά.

“Οταν χρησιμοποιοῦμε τὶς λέξεις μὲ τὸ συνηθισμένο τρόπο, αὐτὸ γιὰ τὸ δποῖο θέλουμε νὰ μιλήσουμε εἶναι ἡ ἀναφορά τους. Καμιὰ φορά, ὅμως, μπορεῖ νὰ συμβεῖ νὰ θελήσουμε νὰ μιλήσουμε γιὰ τὶς ἴδιες τὶς λέξεις ἢ γιὰ τὸ νόημά τους. Αὐτὸ γίνεται, λ.χ., ὅταν παραθέτουμε τὶς λέξεις κάποιου ἄλλου. Τότε, οἱ δικές μας λέξεις ὑποδηλώνουν πρῶτα τὶς λέξεις τοῦ ἄλλου διηλητῆ, καὶ μόνον αὐτὲς οἱ δεύτερες ἔχουν τὴ συνηθισμένη τους ἀναφορά. “Ἐχουμε τότε σημεῖα σημείων. “Οταν γράφουμε, βάζουμε, σ’ αὐτὴ τὴν περίπτωση, τὶς λέξεις μέσα σὲ εἰσαγωγικά. ‘Επομένως μιὰ λέξη μέσα σὲ εἰσαγωγικὰ δὲν πρέπει νὰ θεωρηθεῖ ὅτι ἔχει τὴ συνηθισμένη της ἀναφορά.

Γιὰ νὰ μιλήσουμε γιὰ τὸ νόημα μιᾶς ἔκφρασης ‘Α’ μποροῦμε ἀπλῶς νὰ χρησιμοποιήσουμε τὴ φράση ‘τὸ νόημα τῆς ἔκφρασης «Α»’. Στὸν πλάγιο λόγο μιλᾶμε γιὰ τὸ νόημα, λ.χ., αὐτῶν ποὺ εἶπε κάποιος ἄλλος. Εἶναι ἀρκετὰ σαφὲς ὅτι, ὅταν μιλᾶμε ἔτσι, οἱ λέξεις δὲν ἔχουν τὴ συνηθισμένη τους ἀναφορά, ἀλλὰ ὑποδηλώνουν αὐτὸ ποὺ εἶναι συνήθως τὸ νόημά τους. Γιὰ συντομία, θὰ λέμε: στὸν πλάγιο λόγο οἱ λέξεις χρησιμοποιοῦνται πλάγια ἢ ἔχουν τὴν πλάγια τους ἀναφορά. Διακρίνουμε, λοιπόν, τὴ συνηθισμένη ἀπὸ τὴν πλάγια ἀναφορὰ μιᾶς λέξης· καὶ τὸ συνηθισμένο ἀπὸ τὸ πλάγιο νόημα. Ἡ πλάγια ἀναφορὰ μιᾶς λέξης εἶναι, λοιπόν, τὸ συνηθισμένο της νόημα. Πρέπει πάντα νὰ ἔχουμε στὸ νοῦ μας τέτοιες ἐξαιρέσεις, ἃν θέλουμε νὰ καταλάβουμε σωστὰ τὸν τρόπο τῆς σύνδεσης σημείου, νοήματος καὶ ἀναφορᾶς, σὲ συγκεκριμένες περιπτώσεις.

Πρέπει νὰ ξεχωρίζουμε τὴν ἀναφορὰ καὶ τὸ νόημα ἐνὸς σημείου ἀπὸ τὴν παράσταση ποὺ εἶναι συνδεμένη μὲ τὸ σημεῖο. “Αν ἡ ἀναφορὰ ἐνὸς σημείου εἶναι ἔνα ἀντικείμενο ἀντιληπτὸ ἀπὸ τὶς αἰσθήσεις, ἡ παράστασή μου γι’ αὐτὸ εἶναι μιὰ ἐσωτερικὴ εἰκόνα⁶ ποὺ προκύπτει ἀπὸ τὶς ἀναμνήσεις ποὺ ἔχω ἀπὸ ἐντυπώσεις τῶν αἰσθήσεών μου καὶ ἀπὸ δικές μου πράξεις, ἐσωτερικὲς δοσο καὶ ἐξωτερικές. Μιὰ τέτοια παράσταση εἶναι συχνὰ διαποτισμένη μὲ αἴσθημα· ἡ σαφήνεια τῶν ξεχωριστῶν τμημάτων της ποικίλλει καὶ ταλαντεύεται. Τὸ ἴδιο νόημα δὲν συνδέεται πάντα, ἀκόμα καὶ στὸν ἴδιο ἄνθρωπο, μὲ τὴν ἴδια παράσταση. Ἡ παράσταση εἶναι ὑποκειμενική: ἡ παράστασή μου δὲν εἶναι ἡ παράσταση ἐνὸς ἄλλου. Σὰν ἀποτέλεσμα ἔχουμε μιὰ ποικιλία διαφορῶν στὶς παραστάσεις ποὺ συνδέονται μὲ τὸ ἴδιο νόημα. “Ἐνας ζωγράφος, ἔνας καβαλλάρης καὶ ἔνας ζωολόγος θὰ συνδέσουν, πιθανότατα, διαφορετικὲς παραστάσεις μὲ τὸ ὄνομα ‘Βουκεφάλας’. Αὐτὸ ἀποτελεῖ μιὰ οὐσιαστικὴ διάκριση μεταξὺ τῆς παράστασης καὶ τοῦ νοήματος τοῦ σημείου· τὸ νόημα μπορεῖ νὰ εἶναι κοινὸ κτῆμα πολλῶν ἀνθρώπων καὶ ἐπομένως δὲν εἶναι τμῆμα ἢ τρόπος τῆς ἐπιμέρους ψυχῆς. Δὲν μποροῦμε νὰ ἀρνηθοῦμε ὅτι ἡ ἀνθρωπότητα ἔχει ἔνα κοινὸ ἀπόθεμα σκέψεων ποὺ μεταβιβάζεται ἀπὸ τὴ μιὰ γενιὰ στὴν ἄλλη⁷.

Σύμφωνα μὲ τὰ παραπάνω δὲν χρειάζεται νὰ ἔχουμε ἐνδοιασμοὺς ὅταν μιλᾶμε ἀπλῶς γιὰ τὸ νόημα, ἐνῷ στὴν περίπτωση μιᾶς παράστασης πρέπει,

ἄν θέλουμε νὰ εἴμαστε ἀκριβεῖς, νὰ προσθέτουμε σὲ ποιδν ἀνήκει καὶ σὲ ποιὸ χρόνο. Θὰ μποροῦσε κανεὶς νὰ πεῖ: ὅπως μὲ τὴν ἴδια λέξη δ ἔνας συνδέει αὐτὴ τὴν παράσταση, δ ἄλλος τὴν ἄλλη, ἔτσι καὶ δ ἔνας μπορεῖ νὰ συσχετίσει αὐτὸ τὸ νόημα, δ ἄλλος τὸ ἄλλο. Ἀλλὰ παραμένει πάντα μιὰ διαφορὰ στὸν τρόπο τῆς συσχέτισης. Δὲν ὑπάρχει ἐμπόδιο στὸ νὰ ἀντιληφθοῦν τὸ ἴδιο νόημα· ἀλλὰ δὲν μποροῦν νὰ ἔχουν τὴν ἴδια παράσταση. *Si duo idem faciunt, non est idem*⁸. "Αν δύο ἀνθρώποι φαντάζονται τὸ ἴδιο πράγμα, ώστόσο, δ καθένας ἔχει τὴ δική του παράσταση. Εἶναι πράγματι καμιὰ φορὰ δυνατὸν νὰ διαπιστώσουμε διαφορὲς στὶς παραστάσεις, ἡ ἀκόμα καὶ στὰ αἰσθήματα, διαφορετικῶν ἀνθρώπων· ἀλλὰ μιὰ ἀκριβῆς παραβολὴ δὲν εἶναι δυνατή, γιατὶ δὲν μποροῦμε νὰ ἔχουμε τὶς δυὸ παραστάσεις μαζὶ στὴν ἴδια συνείδηση.

"Η ἀναφορὰ ἐνδὲς κύριου δνόματος εἶναι τὸ ἴδιο τὸ ἀντικείμενο ποὺ ὑποδηλώνουμε μέσω τοῦ δνόματος· ἡ παράσταση ποὺ ἔχουμε σ' αὐτὴ τὴν περίπτωση εἶναι ἐντελῶς ὑποκειμενική· ἀνάμεσά τους βρίσκεται τὸ νόημα ποὺ δὲν εἶναι πιὰ ὑποκειμενικὸ ὅπως ἡ παράσταση, οὔτε εἶναι ὅμως καὶ τὸ ἴδιο τὸ ἀντικείμενο. Ἡ ἀκόλουθη ἀναλογία ἵσως διασαφηνίσει αὐτὲς τὶς σχέσεις. Κάποιος παρατηρεῖ τὸ φεγγάρι μὲ ἔνα τηλεσκόπιο. Παρομοιάζω τὸ ἴδιο τὸ φεγγάρι μὲ τὴν ἀναφορά· εἶναι τὸ ἀντικείμενο τῆς παρατήρησης ποὺ γίνεται δυνατὴ ἀπὸ τὴν πραγματικὴ εἰκόνα ἡ δοίᾳ προβάλλεται ἀπὸ τὸν ἀντοφθάλμῳ φακὸ στὸ ἐσωτερικὸ τοῦ τηλεσκόπου καὶ ἀπὸ τὴν εἰκόνα στὸν ἀμφιβληστροειδὴ τοῦ παρατηρητῆ. Σ' αὐτὴ τὴν παρομοίωση, τὴν εἰκόνα τοῦ φακοῦ τὴν παρομοιάζω μὲ τὸ νόημα, τὴν εἰκόνα στὸν ἀμφιβληστροειδὴ μὲ τὴν παράσταση ἡ τὴν ἐνόραση. Ἡ δοπτικὴ εἰκόνα μέσα στὸ τηλεσκόπιο εἶναι πράγματι μονομερῆς καὶ ἔξαρτᾶται ἀπὸ τὴ σκοπιὰ τοῦ παρατηρητῆ· ἀλλὰ εἶναι πάντα ἀντικειμενικὴ καθόσο μπορεῖ νὰ χρησιμοποιηθεῖ ἀπὸ διάφορους παρατηρητές: μποροῦμε νὰ τὴν κανονίσουμε ἔτσι ὥστε νὰ τὴν χρησιμοποιοῦν πολλοὶ συγχρόνως· ἀλλὰ δ καθένας θὰ ἔχει τὴ δική του ἀμφιβληστροειδὴ εἰκόνα. Ἔξαιτίας τῶν διαφόρων σχημάτων τῶν ματιῶν τῶν παρατηρητῶν δὲν θὰ μποροῦσε νὰ ἐπιτευχθεῖ οὔτε μιὰ γεωμετρικὴ διολογία· καὶ μιὰ πραγματικὴ ταύτιση θὰ ἀποκλειόταν ἐντελῶς. Λύτῃ ἡ ἀναλογία θὰ μποροῦσε νὰ ἀναπτυχθεῖ ἀκόμα πιὸ πολὺ ἀν ὑποθέταμε ὅτι ἡ ἀμφιβληστροειδὴς εἰκόνα τοῦ Α γίνεται ἐμφανῆς στὸν Β· ἡ μπορεῖ ἀκόμα δ Α νὰ ἔβλεπε τὴ δική του ἀμφιβληστροειδὴ εἰκόνα στὸν καθρέφτη. Μ' αὐτὸ τὸν τρόπο θὰ μπορούσαμε, ἵσως, νὰ δείξουμε πῶς μιὰ παράσταση μπορεῖ ἡ ἴδια νὰ ληφθεῖ σὰν ἀντικείμενο· σὰν ἀντικείμενο, ὅμως, δὲν εἶναι γιὰ τὸν παρατηρητὴ ὅτι εἶναι ἁμεσα γιὰ τὸν ἀνθρώπο ποὺ ἔχει τὴν παράσταση. Ἀλλὰ ἡ προέκταση αὐτῆς τῆς σκέψης θὰ μᾶς ἀπομάκρυνε πολὺ ἀπὸ τὸ θέμα μας.

Μποροῦμε τώρα νὰ ἀναγνωρίσουμε τρία ἐπίπεδα στὶς διαφορὲς μεταξὺ λέξεων ἡ ἐκφράσεων ἡ δλόκληρων προτάσεων. Ἡ διαφορὰ μπορεῖ νὰ ἀφορᾷ, τὸ πολύ, τὶς παραστάσεις, ἡ τὸ νόημα ἀλλὰ ὅχι τὴν ἀναφορά, ἡ, τελικά, καὶ τὴν ἀναφορά. Σχετικὰ μὲ τὸ πρῶτο ἐπίπεδο πρέπει νὰ σημειωθεῖ ὅτι

έξαιτίας τῆς ἀβέβαιης σύνδεσης παράστασης καὶ λέξεων, μπορεῖ νὰ ὑπάρξει γιὰ ἔναν ἄνθρωπο κάποια διαφορὰ ποὺ ἔνας ἄλλος δὲν τὴ βρίσκει. Ἡ διαφορὰ μεταξὺ μιᾶς μετάφρασης καὶ τοῦ ἀρχικοῦ κειμένου δὲν θὰ ἔπρεπε κανονικὰ νὰ ξεπερνᾷ τὸ πρῶτο ἐπίπεδο. Στὶς πιθανὲς διαφορές, ἐδῶ, ἀνήκουν καὶ οἱ ἀποχρώσεις καὶ διαβαθμίσεις ποὺ προσπαθεῖ νὰ δώσει στὸ νόημα ἡ ποιητικὴ εὐφράδεια. Τέτοιες ἀποχρώσεις καὶ διαβαθμίσεις δὲν εἶναι ἀντικειμενικὲς καὶ πρέπει νὰ ἀναπλασθοῦν ἀπὸ τὸν κάθε ἀκροατὴ ἢ ἀναγνώστη σύμφωνα μὲ τὶς νύξεις τοῦ ποιητῆ ἢ τοῦ ὁμιλητῆ. Δίχως κάποια συγγένεια στὶς ἀνθρώπινες παραστάσεις, ἡ τέχνη θὰ ἥταν σίγουρα ἀδύνατη· ἀλλὰ δὲν μπορεῖ ποτὲ νὰ καθοριστεῖ ἐπακριβῶς κατὰ πόσο οἱ προθέσεις τοῦ ποιητῆ ἔχουν πραγματοποιηθεῖ.

Στὴ συνέχεια δὲν θὰ συζητήσουμε περισσότερο γιὰ τὶς παραστάσεις καὶ τὰ ἀντικείμενα τῆς διαίσθησης. Τὰ ἀνάφερα ἐδῶ μόνο γιὰ νὰ μὴν προκληθεῖ σύγχυση μεταξὺ τῆς παράστασης ποὺ προκαλεῖ μιὰ λέξη στὸν ἀκροατὴ καὶ τοῦ νοήματος τῆς λέξης ἢ τῆς ἀναφορᾶς της.

Γιὰ νὰ μπορέσουμε νὰ ἐκφραζόμαστε μὲ συντομία καὶ μὲ ἀκρίβεια, ἃς καθιερώσουμε τὴν ἀκόλουθη δρολογία: ἔνα κύριο ὄνομα (λέξη, σημεῖο, συνδυασμὸς σημείων, ἔκφραση) ἐκφράζει τὸ ὄνομά του, δηλώνει ἢ ὑποδηλώνει τὴν ἀναφορά του. Μέσο ἐνὸς σημείου ἐκφράζουμε τὸ νόημά του καὶ ὑποδηλώνουμε τὴν ἀναφορά του.

Οἱ ἰδεαλιστὲς ἢ οἱ σκεπτικιστὲς θὰ ἔχουν, ἵσως, πρὸ πολλοῦ προβάλει τὴν ἔξῆς ἀντίρρηση: ‘Μιλᾶς ἔτσι εὔκολα γιὰ τὸ φεγγάρι σὰν ἀντικείμενο· ἀλλὰ πῶς ξέρεις ὅτι τὸ ὄνομα «τὸ φεγγάρι» ἔχει κάποια ἀναφορά; Πῶς ξέρεις ὅτι γενικὰ διτιδήποτε πράγμα ἔχει ἀναφορά?’. ‘Απαντῶ ὅτι ὅταν λέμε ‘τὸ φεγγάρι’ δὲν θέλουμε νὰ μιλήσουμε γιὰ τὴν παράστασή μας γιὰ τὸ φεγγάρι οὐτε εἴμαστε ίκανοποιημένοι μὲ τὸ νόημα μόνο, ἀλλὰ προϋποθέτουμε μιὰν ἀναφορά. Τὸ νὰ ὑποθέσουμε ὅτι στὴν πρόταση ‘Τὸ φεγγάρι εἶναι μικρότερο ἀπὸ τὴ γῆ’ ἔξετάζουμε τὴν παράσταση τοῦ φεγγαριοῦ, θὰ ἥταν μιὰ σαφής παρανόηση τοῦ νοήματος. “Αν αὐτὸς ἥθελε ὁ ὁμιλητής, θὰ εἶχε χρησιμοποιήσει τὴ φράση ‘ἡ παράστασή μου γιὰ τὸ φεγγάρι’. Μποροῦμε, βέβαια, νὰ κάνουμε λάθος στὶς προϋποθέσεις μας, καὶ τέτοια λάθη ἔχουν πράγματι γίνει. ’Αλλὰ ἐδῶ δὲν χρειάζεται νὰ ἀπαντήσουμε στὸ ἐρώτημα ἂν ἡ προϋπόθεση εἶναι ἵσως πάντα λανθασμένη· γιὰ νὰ αἰτιολογήσουμε τὴ μνεία στὴν ἀναφορὰ ἐνὸς σημείου, ἀρκεῖ στὴν ἀρχὴ νὰ ὑποδείξουμε τὴν πρόθεσή μας ὅταν μιλᾶμε ἢ σκεφτόμαστε. Πρέπει, ὅμως, νὰ προσθέσουμε τὴν ἐπιφύλαξη: ἐφόσον ὑπάρχει ἀναφορά.

Μέχρι τώρα ἔχουμε ἔξετάσει τὸ νόημα καὶ τὴν ἀναφορὰ μόνο τέτοιων ἐκφράσεων, λέξεων ἢ σημείων ποὺ δνομάσαμε κύρια δνόματα. Θὰ ἀναρωτηθοῦμε, τώρα, γιὰ τὸ νόημα καὶ τὴν ἀναφορὰ μιᾶς δλόκληρης δηλωσιακῆς πρότασης. Μιὰ τέτοια πρόταση περιέχει μιὰ σκέψη⁹. Θὰ θεωρήσουμε ὅτι αὐτὴ ἡ σκέψη εἶναι τὸ νόημα ἢ ἡ ἀναφορὰ τῆς πρότασης; “Ας ὑποθέσουμε πρὸς τὸ παρὸν ὅτι αὐτὴ ἡ πρόταση ἔχει ἀναφορά. ”Αν τώρα ἀντικαταστήσουμε μιὰ λέξη τῆς πρότασης μὲ μιὰν ἄλλη ποὺ ἔχει τὴν ἴδια ἀναφορά,

άλλα διαφορετικό νόημα, αύτὸν δὲν μπορεῖ νὰ ἔχει καμιὰ ἐπίπτωση στὴν ἀναφορὰ τῆς πρότασης. Κι ὅμως βλέπουμε σὲ μιὰ τέτοια περίπτωση πὼς ἡ σκέψη ἀλλάζει: γιατί, λ.χ., ἡ σκέψη στὴν πρόταση 'Ο Λύγερινδς εἶναι ἔνα σῶμα ποὺ φωτίζεται ἀπὸ τὸν ἥλιο', διαφέρει ἀπὸ αὐτὴν στὴν πρόταση 'Ο Εσπερος εἶναι ἔνα σῶμα ποὺ φωτίζεται ἀπὸ τὸν ἥλιο'. 'Οποιος δὲν ξέρει ὅτι ὁ 'Εσπερος εἶναι ὁ Αύγερινδς οὐ μποροῦσε νὰ θεωρήσει τὴν μιὰ σκέψη ἀληθῆ καὶ τὴν ἄλλη ψευδῆ. Ἡ σκέψη, συνεπῶς, δὲν μπορεῖ νὰ εἶναι ἡ ἀναφορὰ τῆς πρότασης, ἀλλὰ μᾶλλον πρέπει νὰ θεωρηθεῖ ως τὸ νόημα τῆς πρότασης. Τί συμβαίνει τώρα μὲ τὴν ἀναφορά; 'Εχουμε τὸ δικαίωμα ἀκόμα καὶ νὰ ἀναρωτηθοῦμε γι' αὐτήν; Εἶναι δυνατὸν μιὰ πρόταση σὰν σύνολο νὰ ἔχει μόνο νόημα ἀλλὰ ὅχι ἀναφορά; Θὰ περίμενε, πάντως, κανεὶς ὅτι ὑπάρχουν τέτοιες προτάσεις, ὅπως ὑπάρχουν τμήματα προτάσεων ποὺ ἔχουν νόημα ἀλλὰ ὅχι ἀναφορά. Προτάσεις ποὺ περιέχουν δνόματα χωρὶς ἀναφορὰ θὰ εἶναι τέτοιου εἰδους. Ἡ πρόταση 'Βγάλανε τὸν 'Οδυσσέα στὴ στεριὰ στὴν 'Ιθάκη ἐνῶ κοιμόταν βαθιὰ' προφανῶς ἔχει κάποιο νόημα. 'Αλλὰ ἀφοῦ εἶναι ἀμφίβολο ἂν τὸ ὄνομα 'Οδυσσέας' ποὺ παρουσιάζεται ἐκεῖ ἔχει ἀναφορά, εἶναι ἐπίσης ἀμφίβολο ἂν δλόκληρη ἡ πρόταση ἔχει ἀναφορά. Εἶναι ὅμως βέβαιο, παρ' ὅλα αὐτά, ὅτι δποιοσδήποτε πάρει στὰ σοβαρὰ τὴν πρόταση ως ἀληθῆ ἢ ψευδῆ, οὐτε ἀποδώσει στὸ ὄνομα 'Οδυσσέας' μιὰν ἀναφορὰ καὶ ὅχι ἀπλῶς ἔνα νόημα· γιατὶ στὴν ἀναφορὰ τοῦ δνόματος ἀποδίνουμε ἢ ἀρνιόμαστε ἔνα κατηγόρημα. 'Οποιος δὲν παραδέχεται ὅτι τὸ δνομα ἔχει ἀναφορὰ δὲν μπορεῖ οὔτε νὰ ἀποδώσει οὔτε νὰ ἀρνηθεῖ τὸ κατηγόρημα. 'Αλλὰ σ' αὐτὴ τὴν περίπτωση οὐταν περιττὸ νὰ προχωρήσει κανεὶς στὴν ἀναφορὰ τοῦ δνόματος· οὐταν μποροῦσε νὰ ἴκανοποιηθεῖ μὲ τὸ νόημα, ἐφόσον ἥθελε νὰ μείνει μόνο στὴ σκέψη. 'Αν ἐπρόκειτο μόνο γιὰ τὸ νόημα τῆς πρότασης, τὴ σκέψη, δὲν οὐταν ἀνάγκη νὰ ἀσχοληθοῦμε μὲ τὴν ἀναφορὰ ἐνὸς μέρους τῆς πρότασης· μόνο τὸ νόημα, καὶ ὅχι ἡ ἀναφορὰ τοῦ τμήματος, ἔχει σχέση μὲ τὸ νόημα δλόκληρης τῆς πρότασης. Ἡ σκέψη παραμένει ἡ ἴδια εἴτε ἡ λέξη 'Οδυσσέας' ἔχει ἀναφορὰ εἴτε ὅχι. Τὸ δτι καταπιανόμαστε μὲ τὴν ἀναφορὰ μέρους τῆς πρότασης δείχνει πὼς γενικὰ ἀναγνωρίζουμε καὶ προσμένουμε μιὰν ἀναφορὰ γιὰ τὴν ἴδια τὴν πρόταση. Μειώνεται γιὰ μᾶς ἡ ἀξία τῆς σκέψης μόλις ἀντιληφθοῦμε ὅτι λείπει ἡ ἀναφορὰ ἐνὸς τμήματός της. Εἴμαστε, συνεπῶς, δικαιολογημένοι νὰ μὴν ἀρκούμαστε στὸ νόημα μᾶς πρότασης ἀλλὰ νὰ ἀναρωτιόμαστε καὶ γιὰ τὴν ἀναφορὰ της. Τώρα, ὅμως, γιατὶ θέλουμε κάθε κύριο ὄνομα νὰ ἔχει ὅχι μόνο νόημα ἀλλὰ καὶ ἀναφορά; Γιατὶ δὲν μᾶς ἀρκεῖ ἡ σκέψη; 'Επειδὴ ἐκεῖνο ποὺ μᾶς ἐνδιαφέρει εἶναι ἡ τιμὴ τῆς ἀλήθειας τῆς πρότασης. Αὐτὸν δὲν συμβαίνει πάντοτε. 'Οταν ἀκοῦμε νὰ ἀπαγγέλλουν, λ.χ., ἔνα ἔπος, ἐκτὸς ἀπὸ τὴν εὐφωνία τῆς γλώσσας, μᾶς ἐνδιαφέρει μόνο τὸ νόημα τῶν προτάσεων καὶ οἱ παραστάσεις καὶ τὰ συναισθήματα ποὺ μᾶς προκαλοῦν. 'Αν μᾶς ἐνδιέφερε μόνον ἡ ἀλήθεια, οὐταν με τὴν αἰσθητικὴ ἀπόλαυση καὶ οὐταν νίοθετούσαμε μιὰ στάση ἐπιστημονικῆς ἔρευνας. 'Επομένως, διόλου δὲν μᾶς ἐνδιαφέρει ἂν τὸ δνομα 'Οδυσσέας', λ.χ., ἔχει ἀναφορά, ἐφόσον δεχόμαστε τὸ ποίημα σὰν ἔργο τέ-

χνης¹⁰. Ή επιδίωξη τῆς ἀλήθειας εἶναι αὐτὸ ποὺ μᾶς σπρώχνει πάντα νὰ προχωροῦμε ἀπὸ τὸ νόημα στὴν ἀναφορά.

Εἴδαμε ὅτι μποροῦμε πάντα νὰ ἀναζητήσουμε τὴν ἀναφορὰ μιᾶς πρότασης, ὅταν πρόκειται γιὰ τὴν ἀναφορὰ τῶν συστατικῶν μερῶν της· καὶ αὐτὸ συμβαίνει τότε καὶ μόνον ὅταν ἔξετάζουμε τὴν τιμὴ ἀλήθειας της.

Εἴμαστε, ἐπομένως, ἀναγκασμένοι νὰ δεχτοῦμε ὅτι ἡ τιμὴ ἀλήθειας μιᾶς πρότασης εἶναι ἡ ἀναφορά της. Μὲ τὴν τιμὴ ἀλήθειας μιᾶς πρότασης ἐννοῶ τὸ γεγονὸς ὅτι εἶναι ἀληθῆς ἢ ψευδῆς. Δὲν ὑπάρχουν κι ἄλλες τιμὲς ἀλήθειας. Γιὰ συντομία λέω τὴ μιὰ τιμὴ Ἀλήθεια, τὴν ἄλλη Ψεῦδος. Κάθε δηλωσιακὴ πρόταση ποὺ προσδιορίζεται ἀπὸ τὴν ἀναφορὰ τῶν λέξεών της, πρέπει, ἐπομένως, νὰ θεωρηθεῖ κύριο ὅνομα, καὶ ἡ ἀναφορά της, ἂν ἔχει μία ἀναφορά, εἶναι ἡ Ἀλήθεια ἢ τὸ Ψεῦδος. Τὰ δύο αὐτὰ ἀντικείμενα ἀναγνωρίζονται, ἔστω καὶ μόνο σιωπηρά, ἀπὸ καθέναν ποὺ κρίνει ὅτι κάτι εἶναι ἀληθὲς — αὐτὸ ἰσχύει ἀκόμα καὶ γιὰ τὸ σκεπτικιστή. Ὁ χαρακτηρισμὸς τῶν τιμῶν ἀλήθειας ὡς ἀντικειμένων μπορεῖ νὰ φαίνεται σὰν μιὰ αὐθαίρετη ἴδιοτροπία ἢ ἵσως μόνο σὰν ἔνα ἀπλὸ λογοπαίγνιο ἀπὸ τὸ δποῖο καμιὰ βαθιὰ συνέπεια δὲν μπορεῖ νὰ ἀντληθεῖ. Τί ἐννοῶ μὲ ἀντικείμενο μπορεῖ νὰ συζητηθεῖ μὲ μεγαλύτερη ἀκρίβεια μόνο σχετικὰ μὲ μία ἐννοια καὶ μία σχέση. Ἐπιφυλάσσομαι νὰ τὸ κάνω σὲ ἔνα ἄλλο ἀρθρο¹¹. Ἀλλὰ αὐτὸ τουλάχιστον πρέπει νὰ εἶναι κιόλας σαφές: ὅτι σὲ κάθε κρίσῃ¹², ὁσοδήποτε κοινότοπη κι ἂν εἶναι, ἔχουμε κιόλας κάνει τὸ βῆμα ἀπὸ τὸ ἐπίπεδο τῶν σκέψεων στὸ ἐπίπεδο τῆς ἀναφορᾶς (τοῦ ἀντικειμενικοῦ).

Θὰ μπορούσαμε νὰ δοῦμε τὴ σχέση τῆς σκέψης μὲ τὴν Ἀλήθεια ὅχι σὰν αὐτὴ ποὺ ἔχει τὸ νόημα πρὸς τὴν ἀναφορά, ἀλλὰ μᾶλλον σὰν αὐτὴ ποὺ ἔχει τὸ ὑποκείμενο πρὸς τὸ κατηγορούμενο. Μποροῦμε πράγματι νὰ ποῦμε: Ὡς σκέψη ὅτι ὁ 5 εἶναι ἔνας πρῶτος ἀριθμός, εἶναι ἀληθῆς'. Ἀλλὰ μιὰ προσεκτικότερη ἔξέταση δείχνει ὅτι δὲν ἔχουμε πεῖ τίποτε περισσότερο ἀπ' ὅτι στὴν ἀπλὴ πρόταση Ὡς 5 εἶναι ἔνας πρῶτος ἀριθμός'. Ἡ βεβαίωση τῆς ἀλήθειας προέρχεται, καὶ στὶς δυὸ περιπτώσεις, ἀπὸ τὴ μορφὴ τῆς δηλωσιακῆς πρότασης· ὅταν τῆς λείπει ἡ συνηθισμένη της δύναμη, λ.χ., στὸ στόμα ἐνὸς ἥθοποιον πάνω στὴ σκηνή, ἀκόμα καὶ ἡ πρόταση Ὡς σκέψη ὅτι ὁ 5 εἶναι ἔνας πρῶτος ἀριθμός, εἶναι ἀληθινή' περιέχει μόνο μία σκέψη καὶ μάλιστα τὴν ἕδια σκέψη μὲ τὸ ἀπλὸ Ὡς 5 εἶναι ἔνας πρῶτος ἀριθμός'. Ἀπὸ αὐτὸ βγαίνει ὅτι ἡ σχέση τῆς σκέψης πρὸς τὴν ἀλήθεια δὲν μπορεῖ νὰ παρομοιαστεῖ μὲ αὐτὴν τοῦ ὑποκειμένου πρὸς τὸ κατηγορούμενο. Ὕποκείμενο καὶ κατηγορούμενο (μὲ τὴ λογικὴ τους σημασία) εἶναι πράγματι στοιχεῖα τῆς σκέψης: γιὰ τὴ γνώση βρίσκονται στὸ ἕδιο ἐπίπεδο. Συνδυάζονταις ὑποκείμενο καὶ κατηγορούμενο φτάνουμε μόνο σὲ μία σκέψη, δὲν περνᾶμε ποτὲ ἀπὸ τὸ νόημα στὴν ἀναφορά, ποτὲ ἀπὸ μιὰ σκέψη στὴν τιμὴ ἀλήθειας της. Κινούμαστε στὸ ἕδιο ἐπίπεδο καὶ ποτὲ δὲν προχωρᾶμε ἀπὸ τὸ ἔνα ἐπίπεδο στὸ ἐπόμενο. Μιὰ τιμὴ ἀλήθειας δὲν μπορεῖ νὰ εἶναι μέρος μιᾶς σκέψης ὅπως δὲν μπορεῖ νὰ εἶναι, ἃς ποῦμε, καὶ ὁ ἥλιος γιατὶ δὲν εἶναι ἔνα νόημα ἀλλὰ ἔνα ἀντικείμενο.

"Αν ή ύπόθεσή μας, ότι ή άναφορά μιᾶς πρότασης είναι ή τιμὴ ἀλήθειας της, είναι σωστή, πρέπει ή τελευταία νὰ παραμένει ἀναλλοίωτη ὅταν μέρος τῆς πρότασης ἀντικατασταθεῖ μὲ μιὰν ἄλλην ἔκφραση ποὺ ἔχει τὴν ἴδιαν ἀναφοράν. Κι αὐτὸν πράγματι συμβαίνει. 'Ο Leibniz δίνει τὸν δρισμό: '*Eadem* sunt, quae sibi mutuo, substitui possunt, salva veritate¹³. Τί ἄλλο ἀπὸ τὴν τιμὴν ἀλήθειας θὰ μποροῦσε νὰ βρεθεῖ, ποὺ νὰ ἀνήκει ἐντελῶς γενικὰ σὲ κάθε πρόταση, ὅταν η ἀναφορά τῶν συστατικῶν μερῶν της είναι σημαντική, καὶ παραμένει ἀναλλοίωτο στὶς ἀντικαταστάσεις τοῦ εἰδους ποὺ ἀναφέραμε;

"Αν, τώρα, η τιμὴ ἀλήθειας μιᾶς πρότασης είναι η ἀναφορά της, τότε, ἀπὸ τὴν μιὰ μεριά, δλες οἱ ἀληθεῖς προτάσεις ἔχουν τὴν ἴδιαν ἀναφοράν, καὶ ἀπὸ τὴν ἄλλην μεριά, τὴν ἴδιαν ἔχουν καὶ δλες οἱ ψευδεῖς. 'Απὸ αὐτὸν βλέπουμε ὅτι ἔξαλείφεται ὅτι είναι εἰδικὸν στὴν ἀναφορά τῆς πρότασης. Δὲν μπορεῖ ποτὲ νὰ μιᾶς ἐνδιαφέρει μόνο η ἀναφορά μιᾶς πρότασης· ἀλλὰ πάλι καὶ η σκέψη μόνη της δὲν παρέχει γνώση· μόνο η σκέψη μαζὶ μὲ τὴν ἀναφορά της, δηλαδὴ τὴν τιμὴν ἀλήθειας της, παρέχει γνώση. Οἱ κρίσεις μποροῦν νὰ θεωρηθοῦν σὰν μιὰ πρόοδος ἀπὸ μία σκέψη σὲ μία τιμὴ ἀλήθειας. Φυσικὰ αὐτὸν δὲν μπορεῖ νὰ είναι δρισμός. 'Η κρίση είναι κάτι τὸ τελείως ἰδιάζον καὶ ἀπαράμιλλο. Μποροῦμε ἀκόμα νὰ ποῦμε ὅτι μιὰ κρίση είναι μιὰ διάκριση τῶν μερῶν τῆς τιμῆς ἀλήθειας. Μιὰ τέτοια διάκριση γίνεται μὲ μιὰ ἐπιστροφὴ στὴ σκέψη. Σὲ κάθε νόημα ποὺ ἀνήκει σὲ μιὰ τιμὴ ἀλήθειας θὰ ἀντιστοιχοῦσε ὁ δικός του τρόπος ἀνάλυσης. 'Εδο, δημος, ἔχω χρησιμοποιήσει τὴν λέξη «μέρος» μὲ εἰδικὸν τρόπο. "Έχω, δηλαδὴ, μεταφέρει τὴν σχέση μεταξὺ τῶν μερῶν καὶ τοῦ συνόλου τῆς πρότασης στὴν ἀναφορά της, λέγοντας ὅτι η ἀναφορά μιᾶς λέξης είναι μέρος τῆς ἀναφορᾶς τῆς πρότασης ἢν η ἴδια η λέξη είναι μέρος τῆς πρότασης. Αὐτὸς ὁ τρόπος δημιύριας μπορεῖ διποσδήποτε νὰ ἀμφισβητηθεῖ, καθότι δλόκληρη η ἀναφορά καὶ ἕνα τμῆμα της δὲν ἀρκοῦν γιὰ νὰ προσδιορίσουν τὸ ὑπόλοιπο, καὶ διότι η λέξη 'μέρος' ἔχει ήδη χρησιμοποιηθεῖ μὲ ἄλλη σημασία — γιὰ τὰ σώματα. Θὰ χρειαζόταν νὰ δημιουργήσουμε μιὰν εἰδικὴν ἔκφραση.

Πρέπει τώρα νὰ συνεχίσουμε τὴν ἔξέταση τῆς ύπόθεσης ὅτι η τιμὴ ἀλήθειας μιᾶς πρότασης είναι η ἀναφορά της. "Έχουμε βρεῖ ὅτι η τιμὴ ἀλήθειας μιᾶς πρότασης παραμένει ἀναλλοίωτη ὅταν μιὰ ἔκφραση ἀντικατασταθεῖ μὲ μιὰν ἄλλην ποὺ ἔχει τὴν ἴδιαν ἀναφοράν: ἀλλὰ δὲν ἔχουμε ἀκόμα ἔξετάσει τὴν περίπτωση στὴν ὁποία η ἔκφραση ποὺ θὰ ἀντικαταστήσουμε είναι η ἴδια μιὰ πρόταση. "Αν λοιπὸν η ἀποψή μας είναι σωστή, η τιμὴ ἀλήθειας μιᾶς πρότασης ποὺ περιέχει μιὰν ἄλλην ως μέρος της, πρέπει νὰ παραμείνει ἀμετάβλητη ὅταν τὸ μέρος αὐτὸν ἀντικατασταθεῖ μὲ μιὰν ἄλλην πρόταση ποὺ ἔχει τὴν ἴδιαν τιμὴν ἀλήθειας. Πρέπει νὰ περιμένουμε ἔξαιρέσεις ὅταν δλόκληρη η πρόταση ή τὸ μέρος της είναι εὐθὺς ή πλάγιος λόγος· γιατὶ σὲ τέτοιες περιπτώσεις, ὅπως εἴδαμε, οἱ λέξεις δὲν ἔχουν τὴν συνηθισμένη τους ἀναφοράν. Στὸν εὐθὺ λόγο μιὰ πρόταση ύποδηλώνει μιὰν ἄλλην πρόταση, καὶ στὸν πλάγιο λόγο ύποδηλώνει μιὰ σκέψη.

"Ετσι διδηγούμαστε στὴ θεώρηση ἔξαρτημένων προτάσεων. Αὐτὲς συναν-

τῶνται ως μέρη ένδος προτασιακοῦ συμπλέγματος, ποὺ εἶναι, ἀπὸ τῇ λογικῇ σκοπιά, καὶ αὐτὸ μία πρόταση — καὶ μάλιστα μία κύρια πρόταση. Ἐλλὰ ἐδῶ ἔχουμε τὸ ἐρώτημα ἂν εἶναι ἀλήθεια ὅτι καὶ οἱ ἔξαρτημένες προτάσεις ἔχουν μιὰ τιμὴ ἀλήθειας γιὰ ἀναφορά. Γιὰ τὸν πλάγιο λόγο ἥδη γνωρίζουμε ὅτι συμβαίνει τὸ ἀντίθετο. Οἱ γραμματικολόγοι βλέπουν τὶς ἔξαρτημένες προτάσεις σὰν ἀντιπροσώπους τμῆμάτων προτάσεων καὶ τὶς χωρίζουν ἀνάλογα σὲ οὐσιαστικὲς προτάσεις, ἐπιθετικὲς προτάσεις καὶ ἐπιρρηματικὲς προτάσεις. Αὐτὸ 0ὰ μποροῦσε νὰ δημιουργήσει τὴν ἐντύπωση ὅτι ἡ ἀναφορὰ μιᾶς ἔξαρτημένης πρότασης δὲν εἶναι μιὰ τιμὴ ἀλήθειας, ἀλλὰ μᾶλλον μοιάζει μὲ τὴν ἀναφορὰ ἐνὸς οὐσιαστικοῦ ἢ ἐπίθετου ἢ ἐπιρρήματος — μὲ λίγα λόγια, μὲ ἕνα τμῆμα μιᾶς πρότασης, τοῦ δοπίου τὸ νόημα δὲν εἶναι μιὰ σκέψη ἀλλὰ μόνο μέρος μιᾶς σκέψης. Μόνο μιὰ διεξοδικότερη διερεύνηση μπορεῖ νὰ ξεκαθαρίσει τὸ ζήτημα. Σ' αὐτήν, δὲν θὰ ἀκολουθήσουμε κατὰ λέξη τὶς γραμματικὲς κατηγορίες, ἀλλὰ θὰ συγκεντρώσουμε αὐτὰ ποὺ εἶναι λογικὰ δημοια. "Ας ψάξουμε πρῶτα γιὰ περιπτώσεις ὅπου τὸ νόημα τῶν ἔξαρτημένων προτάσεων, ὅπως ἔχουμε κιόλας ὑποθέσει, δὲν εἶναι μιὰ ἀνεξάρτητη σκέψη.

"Η περίπτωση μιᾶς ἀφηρημένης¹⁴ οὐσιαστικῆς πρότασης ποὺ εἰσάγεται μὲ τὸ 'ὅτι', περιλαμβάνει τὴν περίπτωση τοῦ πλάγιου λόγου, ὅπου εἴδαμε πὼς ἡ πλάγια ἀναφορὰ τῶν λέξεων συμπίπτει μὲ αὐτὸ ποὺ εἶναι συνήθως τὸ νόημά τους. Στὴν περίπτωση αὐτή, λοιπόν, ἡ ἔξαρτημένη πρόταση ἔχει σὰν ἀναφορὰ μιὰ σκέψη καὶ ὅχι μιὰ τιμὴ ἀλήθειας· καὶ ἔχει ως νόημα, ὅχι μιὰ σκέψη ἀλλὰ τὸ νόημα τῶν λέξεων 'ἡ σκέψη ὅτι...', ποὺ εἶναι μόνον ἔνα μέρος τῆς σκέψης δλόκληρης τῆς σύνθετης πρότασης. Αὐτὸ συμβαίνει μετὰ ἀπὸ τὰ 'λέω', 'ἀκούω', 'ἔχω τὴ γνώμη', 'εἰμαι πεπεισμένος', 'συμπεραίνω' καὶ παρόμοιες ἐκφράσεις¹⁵. Τὰ πράγματα εἶναι διαφορετικά, καὶ μάλιστα κάπως μπλεγμένα, μετὰ ἀπὸ λέξεις ὅπως οἱ 'ἀντιλαμβάνομαι', 'ξέρω', 'φαντάζομαι' ποὺ 0ὰ ἔξετάσουμε ἀργότερα.

"Οτι σ' αὐτὲς τὶς περιπτώσεις ἡ ἀναφορὰ τῆς ἔξαρτημένης πρότασης εἶναι πράγματι ἡ σκέψη, τὸ βλέπουμε ἀκόμα καὶ ἀπὸ τὸ ὅτι εἶναι ἀδιάφορο γιὰ τὴν ἀλήθεια τοῦ συνόλου ἂν ἡ ἔξαρτημένη πρόταση εἶναι ἀληθής ἢ ψευδής. "Ας παραβάλουμε, λ.χ., τὶς δύο προτάσεις "Ο Κοπέρνικος πίστευε ὅτι οἱ τροχιές τῶν πλανητῶν εἶναι κυκλικές" καὶ "Ο Κοπέρνικος πίστευε ὅτι ἡ φαινομενικὴ κίνηση τοῦ ἥλιου παράγεται ἀπὸ τὴν πραγματικὴ κίνηση τῆς γῆς". Η μιὰ ἔξαρτημένη πρόταση μπορεῖ νὰ ἀντικατασταθεῖ μὲ τὴν ἄλλη χωρὶς νὰ ἐπηρεάσει τὴν ἀλήθεια. Η κύρια πρόταση μαζὶ μὲ τὴν ἔξαρτημένη πρόταση ἔχουν ως νόημα μόνο μιὰ μοναδικὴ σκέψη καὶ ἡ ἀλήθεια τοῦ συνόλου δὲν περιλαμβάνει οὔτε τὴν ἀλήθεια οὔτε τὸ ψεῦδος τῆς ἔξαρτημένης πρότασης. Σὲ τέτοιες περιπτώσεις δὲν ἐπιτρέπεται νὰ ἀντικαταστήσουμε μιὰν ἐκφραστὴ στὴν ἔξαρτημένη πρόταση μὲ μιὰν ἄλλη ποὺ ἔχει τὴν ἴδια συνηθισμένη ἀναφορά, ἀλλὰ μόνο μὲ μιὰ ποὺ ἔχει τὴν ἴδια πλάγια ἀναφορά, δηλαδὴ τὸ ἴδιο συνηθισμένο νόημα. "Αν ἡθελε κάποιος νὰ συμπεράνει ὅτι ἡ ἀναφορὰ μιᾶς πρότασης δὲν εἶναι ἡ τιμὴ ἀλήθειας της, γιατὶ τότε 0ὰ μποροῦσε πάντα νὰ ἀντικατασταθεῖ μὲ μιὰν ἄλλη πρόταση τῆς ἴδιας τιμῆς ἀλή-

θειας, θὰ ἡταν ὑπερβολικός: Θὰ μπορούσαμε ἔξισου νὰ ἴσχυριστομε ὅτι ἡ ἀναφορὰ τῆς λέξης ‘Αὐγερινὸς’ δὲν εἶναι ἡ ‘Ἀφροδίτη ἄφοιδὲν μποροῦμε πάντα νὰ λέμε ‘Ἀφροδίτη’ ἀντὶ γιὰ ‘Αὐγερινός’. ‘Ἔχουμε τὸ δικαίωμα νὰ συμπεράνουμε μόνο ὅτι ἡ ἀναφορὰ μιᾶς πρότασης δὲν εἶναι πάντα ἡ τιμὴ ἀλήθειας της, καὶ ὅτι ‘Αὐγερινός’ δὲν ὑποδηλώνει πάντα τὸν πλανήτη ‘Ἀφροδίτη, ἀκριβῶς τότε ὅταν ἡ λέξη ἔχει τὴν πλάγια ἀναφορά της. Μιὰ ἔξαρτηση τέτοιου εἴδους ὑπάρχει στὴν ἔξαρτημένη πρόταση ποὺ ἔξετάσαμε, ἡ ὁποία ἔχει σὰν ἀναφορὰ μιὰ σκέψη.

“Οταν λέμε ‘Φαίνεται ὅτι...’ ἐννοοῦμε ‘Μοῦ φαίνεται ὅτι...’ ἢ ‘Νομίζω ὅτι...’. ‘Ἔχουμε λοιπὸν πάλι τὴν ἵδια περίπτωση. ‘Ἡ κατάσταση εἶναι παρόμοια στὴν περίπτωση ἐκφράσεων ὅπως οἱ ‘χαίρομαι πού’, ‘λυπᾶμαι’, ‘ἐγκρίνω’, ‘κατηγορῶ’, ‘ἔλπιζω’, ‘φοβᾶμαι’. ‘Ἄν πρὸς τὸ τέλος τῆς μάχης τοῦ Βατερλώ¹⁶ δὲ Wellington χαιρόταν γιατὶ ἔρχονταν οἱ Πρῶτοι, ἡ βάση τῆς χαρᾶς του ἦταν μιὰ πεποίθηση. Καὶ νὰ εἶχε ἔξαπατηθεῖ δὲν θὰ ἡταν λιγότερο εὐχαριστημένος ἐνόσω διαρκοῦσε ἡ ψευδαίσθησή του· καὶ προτοῦ πεισθεῖ γι’ αὐτὸ δὲν θὰ μποροῦσε νὰ εἶναι χαρούμενος γιατὶ ἔρχονταν οἱ Πρῶτοι — ἀκόμα κι ἄν στὴν πραγματικότητα αὐτοὶ εἶχαν κιόλας ἀρχίσει νὰ πλησιάζουν.

“Οπως ἔνα αἴσθημα μπορεῖ νὰ ἔχει ως βάση μιὰ πεποίθηση ἢ μιὰ δοξασία, ἔτσι καὶ μιὰ πεποίθηση μπορεῖ νὰ ἔχει ως βάση αὐτὰ τὰ ἵδια, ὅπως, λ.χ., ὅταν συμπεραίνουμε κάτι. Στὴν πρόταση: ‘Ο Κολόμβος συμπέρανε ἀπὸ τὴ σφαιρικότητα τῆς γῆς ὅτι μποροῦσε νὰ φτάσει στὶς ’Ινδίες ταξιδεύοντας δυτικά’, ἔχουμε ως ἀναφορὰ τῶν τμημάτων δύο σκέψεις: ὅτι ἡ γῆ εἶναι σφαιρικὴ καὶ ὅτι δὲ ο Κολόμβος μποροῦσε νὰ φτάσει στὶς ’Ινδίες ταξιδεύοντας δυτικά. Τὸ μόνο ποὺ ἐνδιαφέρει ἐδῶ εἶναι ὅτι δὲ ο Κολόμβος ἦταν πεπεισμένος καὶ γιὰ τὰ δύο, καὶ ὅτι ἡ μιὰ πεποίθηση ἦταν ἡ βάση γιὰ τὴν ἄλλη. Τὸ ἄν ἡ γῆ εἶναι πράγματι σφαιρικὴ καὶ δὲ ο Κολόμβος μποροῦσε πραγματικὰ νὰ φτάσει στὶς ’Ινδίες ταξιδεύοντας δυτικά, ὅπως νόμιζε, εἶναι ἀσχετο μὲ τὴν ἀλήθεια τῆς πρότασής μας· ἀλλὰ δὲν εἶναι ἀδιάφορο ἄν ἀντικαταστήσουμε τὴ λέξη ‘Γῆ’ μὲ τὴ φράση ‘ὁ πλανήτης ποὺ συνοδεύεται ἀπὸ ἕνα φεγγάρι μὲ διάμετρο μεγαλύτερη ἀπὸ τὸ ἕνα τέταρτο τῆς δικῆς του διαμέτρου’. ‘Ἐδῶ ἐπίσης ἔχουμε τὴν πλάγια ἀναφορὰ τῶν λέξεων, καὶ ρῆμα στὴν ὑποτακτική.

Οἱ ἐπιρρηματικὲς τελικὲς προτάσεις ποὺ ἀρχίζουν μὲ ‘γιὰ νά’, ἀνήκουν κι αὐτὲς ἐδῶ· γιατὶ εἶναι φανερὸ δὲν δ σκοπὸς εἶναι μιὰ σκέψη· ἄρα: πλάγια ἀναφορὰ τῶν λέξεων, καὶ ρῆμα στὴν ὑποτακτική.

Μιὰ ἔξαρτημένη πρόταση μὲ ‘νά’ μετὰ ἀπὸ ‘διατάξω’, ‘ρωτῶ’, ‘ἀπαγορεύω’ στὸν εὐθὺ λόγο θὰ εἶχε τὴ μορφὴ μιᾶς προστακτικῆς. Μιὰ τέτοια πρόταση δὲν ἔχει ἀναφορά· ἔχει μόνο νόημα. Μιὰ διαταγή, μιὰ παράκληση, δὲν εἶναι σκέψεις· βρίσκονται ὅμως στὸ ἵδιο ἐπίπεδο μὲ τὶς σκέψεις. ‘Ἐπομένως, στὶς ἔξαρτημένες προτάσεις ποὺ ἔξαρτῶνται ἀπὸ τὰ ‘διατάξω’, ‘ρωτῶ’, κτλ., οἱ λέξεις ἔχουν τὴν πλάγια ἀναφορά τους. ‘Ἡ ἀναφορὰ μιᾶς τέτοιας πρότασης εἶναι, συνεπῶς, ὅχι μιὰ τιμὴ ἀλήθειας ἀλλὰ μιὰ διαταγή, μιὰ παράκληση, κτλ.

‘Ἡ κατάσταση εἶναι ἡ ἵδια γιὰ τὴν ἔξαρτημένη ἐρώτηση σὲ προτάσεις

ὅπως 'ἀμφιβάλλω ἄν', 'δὲν ξέρω τί'. Εἶναι εὔκολο νὰ δοῦμε ὅτι καὶ ἐδῶ οἱ λέξεις πρέπει νὰ θεωρηθοῦν ὅτι ἔχουν τὴν πλάγια ἀναφορά τους. 'Εξαρτημένες προτάσεις ποὺ ἐκφράζουν ἐρωτήσεις καὶ ἀρχίζουν μὲ τὰ 'ποιός', 'τί', 'ποῦ', 'πότε', 'πῶς', 'μὲ ποιὸν τρόπο', κτλ., φαίνονται καμιὰ φορὰ νὰ πλησιάζουν πολὺ τὶς ἐπιρρηματικὲς προτάσεις ὅπου οἱ λέξεις ἔχουν τὴν συνηθισμένη τους ἀναφορά. Αὐτὲς οἱ περιπτώσεις διακρίνονται γλωσσικὰ ἀπὸ τὴν ἔγκλιση τοῦ ρήματος¹⁷. Μὲ τὴν ὑποτακτικὴν ἔχουμε μιὰν ἐξαρτημένη ἐρώτηση καὶ πλάγια ἀναφορὰ τῶν λέξεων, ἔτσι ὥστε ἓνα κύριο ὄνομα δὲν μπορεῖ γενικὰ νὰ ἀντικατασταθεῖ μὲ ἓνα ἄλλο ὄνομα τοῦ ἴδιου ἀντικειμένου.

Στὶς περιπτώσεις ποὺ ἔχουμε ἐξετάσει μέχρι τώρα, οἱ λέξεις τῶν ἐξαρτημένων προτάσεων εἶχαν τὴν πλάγια ἀναφορά τους κι αὐτὸς ἔδειχνε καθαρὰ ὅτι ἡ ἀναφορὰ τῆς ἴδιας τῆς ἐξαρτημένης πρότασης ἦταν πλάγια· δηλαδὴ δὲν ἦταν μιὰ τιμὴ ἀλήθειας ἀλλὰ μιὰ σκέψη, μιὰ διαταγή, μιὰ παράκληση, μιὰ ἐρώτηση. 'Η ἐξαρτημένη πρόταση μποροῦσε νὰ θεωρηθεῖ ὅτι εἶναι ἓνα οὐσιαστικό· Ήταν μποροῦσε μάλιστα κανεὶς νὰ τὴν πεῖ κύριο ὄνομα αὐτῆς τῆς σκέψης, αὐτῆς τῆς διαταγῆς, κτλ., στὰ πλαίσια τῆς προτασιακῆς δομῆς.

'Ερχόμαστε τώρα σὲ ἄλλες ἐξαρτημένες προτάσεις, ὅπου οἱ λέξεις ἔχουν τὴν συνηθισμένη τους ἀναφορὰ χωρὶς ὅμως νὰ ὑπάρχει μιὰ σκέψη σὰν νόημα καὶ μιὰ τιμὴ ἀλήθειας σὰν ἀναφορά. Τὸ πῶς εἶναι τοῦτο δυνατό, φαίνεται καλύτερα ἀπὸ παραδείγματα.

«Αὐτὸς ποὺ ἀνακάλυψε τὴν ἐλλειπτικὴν μορφὴν τῶν πλανητικῶν τροχιῶν πέθανε στὴ φτώχεια».

"Αν τὸ νόημα τῆς ἐξαρτημένης πρότασης ἦταν ἐδῶ μιὰ σκέψη θὰ ἔπρεπε νὰ μποροῦμε νὰ τὸ ἐκφράσουμε καὶ μὲ μιὰ χωριστὴ πρόταση. 'Αλλὰ αὐτὸς δὲν γίνεται, τὸ γραμματικὸν ὑποκείμενο 'αὐτὸς ποὺ' δὲν ἔχει ἀνεξάρτητο νόημα καὶ μονάχα κάνει δυνατὴ τὴν σχέση μὲ τὴν ἀπόδοση 'πέθανε στὴ φτώχεια'. Γι' αὐτὸς τὸ λόγο τὸ νόημα τῆς ἐξαρτημένης πρότασης δὲν εἶναι μιὰ δλοκληρωμένη σκέψη, καὶ ἡ ἀναφορά της εἶναι ὁ Kepler καὶ ὅχι μιὰ τιμὴ ἀλήθειας. Θὰ μπορούσαμε νὰ ἀντιλέξουμε ὅτι τὸ νόημα τοῦ συνόλου περιέχει μιὰ σκέψη σὰν μέρος, τὴν σκέψην ὅτι ὑπῆρχε κάποιος ποὺ πρῶτος ἀνακάλυψε τὴν ἐλλειπτικὴν μορφὴν τῶν πλανητικῶν τροχιῶν· πράγματι ὅποιος θεωρεῖ τὸ σύνολο ἀληθινὸς δὲν μπορεῖ νὰ ἀρνηθεῖ τὸ μέρος του. Αὐτὸς εἶναι ἀναμφίβολο· ἀλλὰ μόνο γιατί, διαφορετικά, ἡ ἐξαρτημένη πρόταση 'αὐτὸς ποὺ ἀνακάλυψε τὴν ἐλλειπτικὴν μορφὴν τῶν πλανητικῶν τροχιῶν' δὲν θὰ εἶχε ἀναφορά. Σὲ μιὰ ἀπόρανση ὑπάρχει πάντα μιὰ αὐτονόητη προϋπόθεση ὅτι τὰ ἀπλὰ ἥτις σύνθετα κύρια δονόματα ποὺ χρησιμοποιήθηκαν ἔχουν ἀναφορά. "Οταν λοιπὸν ἀποφανθοῦμε 'ὁ Kepler πέθανε στὴ φτώχεια' προϋποθέτουμε ὅτι τὸ ὄνομα 'Kepler' ὑποδηλώνει κατιτί· ἀλλὰ αὐτὸς δὲν συνεπάγεται ὅτι τὸ νόημα τῆς πρότασης 'ὁ Kepler πέθανε στὴ φτώχεια' περιέχει τὴν σκέψη ὅτι τὸ ὄνομα 'Kepler' ὑποδηλώνει κάτι. "Αν συνέβαινε αὐτὸς ἡ ἀρνητική της δὲν θὰ ἔπρεπε νὰ εἶναι

«δ Kepler δὲν πέθανε στὴ φτώχεια»
ἀλλὰ

«δ Kepler δὲν πέθανε στὴ φτώχεια ἢ τὸ ὄνομα 'Kepler' δὲν ἔχει ἀναφορά». "Οτι τὸ ὄνομα 'Kepler' ὑποδηλώνει κάτι εἶναι ἐξίσου προϋπόθεση γιὰ τὴν ἀπόφανση

«δ Kepler πέθανε στὴ φτώχεια»
ὅσο καὶ γιὰ τὴν ἀντίθετη ἀπόφανση. Οἱ γλῶσσες, ὅμως, ἔχουν τὸ ἐλάττωμα νὰ περιέχουν ἐκφράσεις ποὺ δὲν κατορθώνουν νὰ ὑποδηλώσουν ἕνα ἀντικείμενο (μολονότι ἡ γραμματική τους μορφὴ μοιάζει νὰ τὶς προορίζει γι' αὐτὸ τὸ σκοπό), γιατὶ αὐτὸ ἐξαρτᾶται ἀπὸ τὴν ἀλήθεια μιᾶς πρότασης. "Ετσι, ἀπὸ τὴν ἀλήθεια τῆς πρότασης

«ὑπῆρξε κάποιος ποὺ ἀνακάλυψε τὴν ἐλλειπτικὴ μορφὴ τῶν πλανητικῶν τροχιῶν»

ἐξαρτᾶται ἀν ἡ ἐξαρτημένη πρόταση

«ὅποιος ἀνακάλυψε τὴν ἐλλειπτικὴ μορφὴ τῶν πλανητικῶν τροχιῶν»
πράγματι ὑποδηλώνει ἕνα ἀντικείμενο ἢ μόνο μοιάζει νὰ τὸ κάνει, ἐνῷ στὴν πραγματικότητα δὲν ἔχει ἀναφορά. Καὶ ἔτσι μπορεῖ νὰ φαίνεται σὰν νὰ περιέχει ἡ ἐξαρτημένη πρότασή μας, ως μέρος τοῦ νοήματός της, τὴ σκέψη ὅτι ὑπῆρξε κάποιος ποὺ ἀνακάλυψε τὴν ἐλλειπτικὴ μορφὴ τῶν πλανητικῶν τροχιῶν. "Αν αὐτὸ ἦταν σωστὸ ἡ ἄρνηση θὰ ἦταν:

«ὅποιος ἀνακάλυψε τὴν ἐλλειπτικὴ μορφὴ τῶν πλανητικῶν τροχιῶν πέθανε στὴ φτώχεια ἢ δὲν ὑπῆρξε κανένας ποὺ νὰ ἀνακάλυψε τὴν ἐλλειπτικὴ μορφὴ τῶν πλανητικῶν τροχιῶν».

Αὐτὸ προέρχεται ἀπὸ μιὰ ἀτέλεια τῆς γλώσσας ἀπὸ τὴν δποία δὲν εἶναι ἐντελῶς ἐλεύθερη οὕτε καὶ ἡ συμβολικὴ γλώσσα τῆς μαθηματικῆς ἀνάλυσης· ἀκόμα καὶ ἐκεῖ μποροῦμε νὰ βροῦμε συνδυασμοὺς συμβόλων ποὺ μοιάζουν νὰ ὑποδηλώνουν κάτι, ἀλλὰ πού, μέχρι τώρα τουλάχιστον, δὲν ἔχουν ἀναφορά, λ.χ., ἀποκλίνουσα ἀπειρη ἀκολουθία. Λύτο μποροῦμε νὰ τὸ ἀποφύγουμε, λ.χ., μὲ τὸ νὰ θέσουμε τὴν εἰδικὴ συνθήκη ὅτι οἱ ἀποκλίνουσες ἀπειρες ἀκολουθίες ὑποδηλώνουν τὸν ἀριθμὸ 0. Σὲ μιὰ λογικὰ τέλεια γλώσσα (Ίδεογραφία) ἀπαιτοῦμε ἀπὸ κάθε ἐκφρασῃ, ποὺ ως κύριο ὄνομα, εἶναι γραμματικὰ καλοφτιαγμένη ἀπὸ σημεῖα ποὺ ἔχουν ἥδη εἰσαχθεῖ στὴ γλώσσα, νὰ ὑποδηλώνει κάποιο ἀντικείμενο· καὶ νὰ μὴν εἰσάγεται σ' αὐτὴν κανένα καινούριο σημεῖο ως κύριο ὄνομα πρὶν τοῦ ἐξασφαλίσουμε μιὰν ἀναφορά. Ἡ λογικὴ μᾶς προειδοποιεῖ γιὰ τὸν κίνδυνο τῶν λογικῶν λαθῶν ποὺ πιγάζουν ἀπὸ τὴν ἀμφιστημία τῶν ἐκφράσεων. Θεωρῶ ἐξίσου σημαντικὴ μιὰ προειδοποίηση γιὰ τὰ φαινομενικὰ κύρια δνόματα ποὺ δὲν ἔχουν ἀναφορά. Ἡ ἴστορία τῶν μαθηματικῶν μᾶς δείχνει ὅτι πολλὰ λάθη ἔχουν τὴν προέλευσή τους σ' αὐτό. Τοῦτο προσφέρεται γιὰ δημαγωγικὴ κατάχρηση τόσο εὔκολα ὅσο καὶ ἡ ἀμφιστημία — μπορεῖ καὶ πιὸ εὔκολα. Ἡ ἐκφρασῃ 'ἢ θέ-

ληση τοῦ λαοῦ μπορεῖ νὰ χρησιμεύσει γιὰ παράδειγμα, γιατὶ εἶναι εὔκολο νὰ διαπιστωθεῖ ὅτι δὲν ὑπάρχει καμιὰ γενικὰ ἀποδεκτὴ ἀναφορὰ γι' αὐτήν. Δὲν εἶναι, λοιπόν, καθόλου ἀσήμαντο νὰ ἔξαλείψουμε μιὰ γιὰ πάντα τὴν πηγὴ αὐτῶν τῶν σφαλμάτων, τουλάχιστον στὴν ἐπιστήμη. "Ετσι, θὰ ἀποκλείονταν τέτοιες ἀντιρρήσεις σὰν αὐτὴ ποὺ συζητήσαμε πιὸ πάνω, ἀφοῦ δὲν θὰ μποροῦσε ποτὲ νὰ ἔξαρτηθεῖ τὸ ἄν εἶχε ἀναφορὰ ἔνα κύριο ὅνομα ἀπὸ τὴν ἀλήθεια μιᾶς σκέψης.

Μὲ τὴν ἔξέταση τῶν οὐσιαστικῶν προτάσεων μποροῦμε νὰ συνδέσουμε τὴν ἔξέταση δρισμένων ἐπιθετικῶν καὶ ἐπιρρηματικῶν προτάσεων ποὺ λογικὰ συγγενεύουν πολὺ μὲ αὐτές.

Οἱ ἐπιθετικὲς προτάσεις χρησιμεύουν ἐπίσης γιὰ τὴν κατασκευὴ σύνθετων κυρίων δνομάτων, παρόλο πού, ἀντίθετα μὲ τὶς οὐσιαστικὲς προτάσεις, δὲν ἀρκοῦν μόνες τους γι' αὐτὸ τὸ σκοπό. Αὐτὲς οἱ ἐπιθετικὲς προτάσεις πρέπει νὰ θεωρηθοῦν ἰσοδύναμες μὲ ἐπίθετα. 'Αντὶ γιὰ τὸ 'ή τετραγωνικὴ ρίζα τοῦ 4 ποὺ εἶναι μικρότερη ἀπὸ τὸ 0' μποροῦμε νὰ ποῦμε 'ή ἀρνητικὴ τετραγωνικὴ ρίζα τοῦ 4'. "Εχουμε ἐδῶ τὴν περίπτωση ἐνὸς σύνθετου κύριου δνόματος ποὺ κατασκευάζεται ἀπὸ μιὰν ἔκφραση γιὰ μιὰν ἔννοια, μὲ τὴ βοήθεια τοῦ δριστικοῦ ἄρθρου στὸν ἑνικό. Αὐτὸ πάντως ἐπιτρέπεται ὅταν ἔνα καὶ μόνον ἀντικείμενο ὑπάγεται στὴν ἔννοια¹⁸. 'Έκφράσεις γιὰ ἔννοιες μποροῦν ἔτσι νὰ κατασκευαστοῦν ὥστε τὰ γνωρίσματα μιᾶς ἔννοιας νὰ δίνονται μὲ ἐπιθετικὲς προτάσεις, ὅπως στὸ παράδειγμά μας μὲ τὴν πρόταση 'ποὺ εἶναι μικρότερη ἀπὸ τὸ 0'. Εἶναι ὀλοφάνερο ὅτι μιὰ τέτοια ἐπιθετικὴ πρόταση δὲν μπορεῖ νὰ ἔχει μιὰ σκέψη γιὰ νόημα ἢ μιὰ τιμὴ ἀλήθειας γιὰ ἀναφορά, τὸ ἕδιο ὅπως δὲν μποροῦσε νὰ ἔχει καὶ μιὰ οὐσιαστικὴ πρόταση. Τὸ νόημά της, ποὺ σὲ πολλὲς περιπτώσεις μπορεῖ νὰ ἔκφραστεὶ καὶ μὲ ἔνα μόνο ἐπίθετο, εἶναι μονάχα ἔνα μέρος μιᾶς σκέψης. 'Εδῶ, ὅπως καὶ στὴν περίπτωση τῆς οὐσιαστικῆς πρότασης, δὲν ὑπάρχει ἀνεξάρτητο ὑποκείμενο καὶ ἐπομένως καμιὰ δυνατότητα νὰ ἀποδώσουμε τὸ νόημα τῆς ἔξαρτημένης πρότασης μὲ μιὰ ἀνεξάρτητη πρόταση.

Οἱ τοποθεσίες, οἱ στιγμές, τὰ χρονικὰ διαστήματα εἶναι, λογικὰ θεωρημένα, ἀντικείμενα: ἐπομένως, δὲν μπορεῖ νὰ κατασκευαστοῦν ἔκφράσεις γιὰ τὴν κατασκευὴ σύνθετων δρισμένης τοποθεσίας, μιᾶς δρισμένης στιγμῆς ἢ ἐνὸς χρονικοῦ διαστήματος θὰ πρέπει νὰ θεωρηθεῖ σὰν κύριο ὅνομα. 'Έπιρρηματικὲς προτάσεις τόπου καὶ χρόνου μποροῦν νὰ χρησιμοποιηθοῦν γιὰ τὴν κατασκευὴ ἐνὸς τέτοιου κύριου δνόματος, μὲ ἔναν τρόπο ὅμοιο μὲ αὐτὸν ποὺ συναντήσαμε στὴν περίπτωση τῶν οὐσιαστικῶν ἐπιθετικῶν προτάσεων. Μὲ τὸν ἕδιο τρόπο μποροῦν νὰ κατασκευαστοῦν ἔκφράσεις γιὰ ἔννοιες ποὺ περιέχουν τόπους, κτλ. 'Εδῶ πρέπει ἀκόμα νὰ σημειωθεῖ ὅτι τὸ νόημα τῶν ἔξαρτημένων προτάσεων δὲν μπορεῖ νὰ ἀναπαραχθεῖ μὲ μιὰ ἀνεξάρτητη πρόταση, ἀφοῦ λείπει ἔνα ἀναγκαῖο στοιχεῖο, δηλαδὴ δὲν μπορεῖ νὰ κατασκευαστοῦν τὸ νόημα τῆς ἔξαρτημένης πρότασης μὲ μιὰ ἀναφορικὴ ἀντωνυμία ἢ μὲ ἔνα σύνδεσμο¹⁹.

"Οπως ἔχουμε κιόλας δεῖ γιὰ τὶς οὐσιαστικές, ἐπιθετικές καὶ ἐπιρρηματικές προτάσεις, μποροῦμε, συνήθως, καὶ στὶς ὑποθετικές προτάσεις νὰ ἀν-

γνωρίσουμε κάποιον άόριστο δείκτη στὸν ὅποιο ἀντιστοιχεῖ, στὴν ἔξαρτημένη πρότασῃ, ἔνας παρόμοιος δείκτης. Ἐφόσον ὁ ἔνας δείκτης ἀναφέρεται στὸν ἄλλο, οἱ δυὸς προτάσεις μαζὶ σχηματίζουν ἔνα συνδεμένο σύνολο πού, κατὰ κανόνα, ἐκφράζει μιὰ καὶ μόνη σκέψη. Στὴν πρότασῃ

«ἄν ἔνας ἀριθμὸς εἶναι μικρότερος ἀπὸ τὸ Ι καὶ μεγαλύτερος ἀπὸ τὸ 0, τὸ τετράγωνό του εἶναι μικρότερο ἀπὸ τὸ Ι καὶ μεγαλύτερο ἀπὸ τὸ 0»

τὸ στοιχεῖο αὐτὸν εἶναι τὸ ‘ἔνας ἀριθμὸς’ στὴν ὑποθετικὴ πρότασῃ καὶ τὸ ‘του’ στὴν ἔξαρτημένη πρότασῃ. Μέσο αὐτῆς ἐδῶ τῆς ἀοριστίας ἀποκτᾶ τὸ νόημα τὴ γενικότητα ποὺ προσδοκοῦμε ἀπὸ ἔνα νόμο. Σ’ αὐτὸν διφείλεται τὸ γεγονός ὅτι ἡ προκείμενη πρόταση μόνη της δὲν ἔχει μιὰ πλήρη σκέψη σὰν νόημα, καὶ σὲ συνδυασμὸ μὲ τὴν ἀπορρέουσα πρόταση ἐκφράζει μία καὶ μόνο σκέψη, τῆς ὅποιας τὰ τμήματα δὲν εἶναι πιὰ σκέψεις. Δὲν εἶναι γενικὰ σωστὸ νὰ λέμε ὅτι στὴν ὑποθετικὴ κρίσῃ βάζουμε δυὸς κρίσεις σὲ ἀμοιβαία σχέση. “Αν ποῦμε αὐτὸν ἡ κάτι παρόμοιο, ἡ λέξη ‘κρίση’ χρησιμοποιεῖται μὲ τὴν ἴδια σημασία ποὺ ἀπόδοσα στὴ λέξη ‘σκέψη’· ὥστε οὐ χρησιμοποιοῦσα τὴ διατύπωση: ‘Μιὰ ὑποθετικὴ σκέψη ἐγκαθιδρύει μιὰ ἀμοιβαία σχέση μεταξὺ δυὸς σκέψεων’. Αὐτὸν οὐ μποροῦσε νὰ εἶναι ἀληθὲς μόνον ἂν ἔλειπε κάποιος ἀόριστος δείκτης²⁰. ἀλλὰ σὲ μιὰ τέτοια περίπτωση δὲν οὐ

ὑπῆρχε οὔτε ἡ γενικότητα.

“Αν πρέπει νὰ ὑποδειχτεῖ ἀόριστα κάποια χρονικὴ στιγμὴ καὶ στὴν ὑποθετικὴ καὶ στὴν ἔξαρτημένη πρότασῃ, αὐτὸν ἐπιτυγχάνεται συχνὰ ἀπλῶς μὲ τὴ χρήση τοῦ ἐνεστώτα τοῦ ρήματος, ποὺ σ’ αὐτὴ τὴν περίπτωση ὅμως δὲν ὑποδείχνει τὸ χρονικὸ παρόν. Αὐτὴ ἡ γραμματικὴ μορφὴ εἶναι, λοιπόν, ὁ ἀόριστος δείκτης στὶς κύριες καὶ ἔξαρτημένες προτάσεις. “Ενα παράδειγμα αὐτοῦ εἶναι: “Οταν ὁ “Ηλιος βρίσκεται στὸν τροπικὸ τοῦ Καρκίνου, ἔχουμε τὴ μεγαλύτερη μέρα στὸ βόρειο ήμισφαίριο”. Ἐδῶ, ἐπίσης, εἶναι ἀδύνατο νὰ ἐκφράσουμε τὸ νόημα τῆς ἔξαρτημένης πρότασης μὲ μιὰ κύρια πρόταση, γιατὶ αὐτὸν τὸ νόημα δὲν εἶναι μιὰ πλήρης σκέψη. Πράγματι ὅν λέγαμε: ‘ο ‘Ηλιος βρίσκεται στὸν τροπικὸ τοῦ Καρκίνου’, οὐ εἴχαμε ἀναφέρει αὐτὸν τὸ γεγονός στὸν παρόντα χρόνο καὶ οὐ εἴχαμε ἀλλάξει τὸ νόημα. Τὸ ἴδιο τὸ νόημα τῆς κύριας πρότασης δὲν εἶναι μιὰ σκέψη· μόνο τὸ σύνολο ποὺ ἀποτελεῖται ἀπὸ τὴν κύρια καὶ τὴν ἔξαρτημένη πρόταση περιέχει ἔνα τέτοιο νόημα. Μποροῦμε νὰ προσθέσουμε ὅτι διάφορα κοινὰ στοιχεῖα στὶς προκείμενες καὶ στὶς ἀπορρέουσες προτάσεις μποροῦν νὰ ὑποδειχτοῦν ἀόριστα.

Εἶναι φανερὸ ὅτι οἱ οὐσιαστικὲς προτάσεις ποὺ εἰσάγονται μὲ τὸ ‘ὅποιος’ ἢ ‘ὅποιο’ καὶ οἱ ἐπιρρηματικὲς προτάσεις ποὺ εἰσάγονται μὲ τὸ ‘ὅπου’, ‘ὅποτε’, ‘ὅπουδήποτε’, ‘ὅποτεδήποτε’ πρέπει συχνὰ νὰ ἐρμηνεύονται σὰν νὰ ἔχουν τὴ σημασία ὑποθετικῶν προτάσεων: λόγου χύρη, “Οποιος ἀγγίζει τὴν πίσσα λερώνεται”.

Καὶ οἱ ἐπιθετικὲς προτάσεις μποροῦν νὰ ἀντικαταστήσουν ὑποθετικὲς προτάσεις. “Ετσι τὸ νόημα τῆς πρότασης ποὺ χρησιμοποιήσαμε πιὸ πάνω μπορεῖ νὰ δοθεῖ μὲ τὴ μορφὴ ‘τὸ τετράγωνο ἐνὸς ἀριθμοῦ, ποὺ εἶναι μικρό-

τερος ἀπὸ τὸ 1 καὶ μεγαλύτερος ἀπὸ τὸ 0, εἶναι μικρότερο ἀπὸ τὸ 1 καὶ μεγαλύτερο ἀπὸ τὸ 0'.

‘Η κατάσταση εἶναι ἐντελῶς διαφορετικὴ ὅταν ἔνα κύριο ὄνομα ὑποδηλώνει τὸ κοινὸ στοιχεῖο δυὸ προτάσεων. Στὴν πρόταση:

«δ Ναπολέων, δ ὁποῖος ἀναγνώρισε τὸν κίνδυνο γιὰ τὴ δεξιὰ του πτέρυγα, ὁδήγησε δ ἴδιος τοὺς φρουρούς του ἐνάντια στὴν ἐχθρικὴ θέση» ἐκφράζονται δύο σκέψεις:

1. ‘Ο Ναπολέων ἀναγνώρισε τὸν κίνδυνο γιὰ τὴ δεξιὰ του πτέρυγα
2. ‘Ο ἴδιος δ Ναπολέων ὁδήγησε τοὺς φρουρούς του ἐνάντια στὴν ἐχθρικὴ θέση.

Ποῦ καὶ πότε συνέβη αὐτό, καθορίζεται μόνο ἀπὸ τὰ συμφραζόμενα, ἀλλὰ πρέπει παρ’ ὅλα αὐτὰ νὰ θεωρεῖται δριστικὰ προσδιορισμένο μ’ αὐτά. “Ἄν δλόκληρη ἡ πρόταση διατυπώνεται σὰν ἀπόφανση, τότε ἔτσι βεβαιώνουμε ταυτόχρονα καὶ τὰ δύο προτασιακὰ τμῆματα. ”Ἄν ἔνα ἀπὸ τὰ τμῆματα εἶναι ψευδές, τότε τὸ σύνολο εἶναι ψευδές. “Ἔχουμε ἐδῶ τὴν περίπτωση ὅπου ἡ ἐξαρτημένη πρόταση, μόνη της, ἔχει ως νόημα μιὰν δλόκληρη σκέψη (ἄν τὴ συμπληρώσουμε μὲ ἐνδείξεις τόπου καὶ χρόνου). ’Η ἀναφορὰ τῆς ἐξαρτημένης πρότασης εἶναι, συνεπῶς, μιὰ τιμὴ ἀλήθειας. Περιμένουμε, ἐπομένως, νὰ μπορεῖ νὰ ἀντικατασταθεῖ ἀπὸ μιὰ πρόταση ποὺ ἔχει τὴν ἴδια τιμὴ ἀλήθειας, χωρὶς νὰ ἀλλοιωθεῖ ἡ τιμὴ ἀλήθειας τοῦ συνόλου. Αὐτὸ πράγματι συμβαίνει ἀλλὰ πρέπει νὰ παρατηρήσουμε ὅτι, γιὰ καθαρὰ γραμματικοὺς λόγους, τὸ ὑποκείμενό της πρέπει νὰ εἶναι τὸ ‘δ Ναπολέων’, γιατὶ μόνο τότε μπορεῖ νὰ ἀποδοθεῖ μὲ τὴ μορφὴ μιᾶς ἐπιθετικῆς πρότασης ποὺ ἀνήκει στὸ ‘δ Ναπολέων’. ’Αλλὰ ἀν παραιτηθοῦμε ἀπὸ τὴν ἀπαίτηση νὰ ἐκφραστεῖ μὲ αὐτὴ τὴ μορφὴ καὶ δείξουμε τὴ σύνδεση μὲ ἔνα ‘καὶ’, δ περιορισμὸς αὐτὸς παύει νὰ ὑπάρχει.

Οἱ βοηθητικὲς προτάσεις ποὺ ἀρχίζουν μὲ τὸ ‘μολονότι’ ἐκφράζουν ἐπίσης δλόκληρες σκέψεις. Αὐτὸς δ σύνδεσμος δὲν ἔχει γιὰ τὴν ἀκρίβεια κανένα νόημα καὶ δὲν ἀλλάζει τὸ νόημα τῆς πρότασης’ τὴ φωτίζει μόνο μὲ ἔναν περίεργο τρόπο²¹. Θὰ μπορούσαμε μάλιστα νὰ ἀντικαταστήσουμε τὴν παραχωρητικὴ πρόταση μὲ μιὰν ἄλλη, τῆς ἴδιας τιμῆς ἀλήθειας, χωρὶς νὰ ἀλλάξει ἡ ἀλήθεια τοῦ συνόλου. ’Αλλὰ δ χρωματισμὸς ποὺ δίνει δ σύνδεσμος στὴν πρόταση θὰ φαινόταν ἀταίριαστος, σὰν νὰ τραγουδούσαμε μὲ ζωηρὸ τρόπο ἔνα τραγούδι μὲ λυπηρὸ θέμα.

Στὶς τελευταῖς περιπτώσεις ἡ ἀλήθεια τοῦ συνόλου περιλάμβανε τὴν ἀλήθεια τῶν συστατικῶν προτάσεων. ’Η περίπτωση εἶναι διαφορετικὴ ὅταν ἡ ὑποθετικὴ πρόταση ἐκφράζει μιὰν δλόκληρη σκέψη, περιέχοντας στὴ θέση ἐνδὲς ἀδριστού δείκτη κάποιο κύριο ὄνομα ἢ κατιτὶ ποὺ νὰ μπορεῖ νὰ θεωρηθεῖ ως ἰσοδύναμο. Στὴν πρόταση

«ἄν δ Ἡλιος ἔχει κιόλας ἀνατείλει, δ οὐρανὸς εἶναι πολὺ συννεφιασμένος» δ χρόνος εἶναι δ παρών, δηλαδή, εἶναι συγκεκριμένος. Καὶ δ τόπος πρέπει

νὰ θεωρηθεῖ συγκεκριμένος. 'Εδῶ μποροῦμε νὰ ποῦμε ότι ἔχει τεθεῖ μιὰ σχέση μεταξὺ τῶν τιμῶν ἀλήθειας ὑποθετικῆς καὶ ἀπορρέουσας πρότασης, τέτοια ὥστε νὰ ἀποκλείεται ἡ περίπτωση ὅπου ἡ προκείμενη πρόταση ὑποδηλώνει τὸ 'Αληθὲς καὶ ἡ ἀπορρέουσα τὸ Ψευδές. Σύμφωνα μ' αὐτά, ἡ πρότασή μας εἶναι ἀληθῆς ἢν ὁ "Ηλιος δὲν ἔχει ἀνατείλει ἀκόμα, εἴτε δὲ οὐρανὸς εἶναι συννεφιασμένος εἴτε δχι, καὶ ἐπίσης ἢν δ "Ηλιος ἔχει ἀνατείλει καὶ δὲ οὐρανὸς εἶναι πολὺ συννεφιασμένος. 'Αφοῦ ἐδῶ προέχουν μόνον οἱ τιμὲς ἀλήθειας, κάθε συστατικὴ πρόταση μπορεῖ νὰ ἀντικατασταθεῖ μὲ μιὰν ἄλλη τῆς ἴδιας τιμῆς ἀλήθειας, χωρὶς νὰ μεταβάλει τὴν τιμὴ ἀλήθειας τοῦ συνόλου. 'Ασφαλῶς καὶ ἐδῶ ὁ χρωματισμὸς θὰ ἦταν λίγο ἢ πολὺ ἀταίριαστος. Ωὰ μποροῦσε εὔκολα νὰ φαίνεται ἄχρωμη ἡ σκέψη· ἀλλὰ αὐτὸ δὲν ἔχει καμιὰ σχέση μὲ τὴν τιμὴ ἀλήθειας της. Πρέπει πάντα νὰ προσέχουμε νὰ μὴ συγκρουόμαστε μὲ τὶς βοηθητικὲς σκέψεις, ποὺ δὲν εἶναι δμως ρητὰ διατυπωμένες καὶ δὲν πρέπει, ἐπομένως, νὰ λογαριάζονται στὸ νόημα τῆς πρότασης. Γι' αὐτὸ καὶ δὲν χρειάζεται νὰ λάβουμε ὑπόψη μας τὶς τιμὲς ἀλήθειας τους²².

"Ἔχουμε τώρα συζητήσει τὶς ἀπλές περιπτώσεις. "Λας ἀνακεφαλαιώσουμε αὐτὰ ποὺ μάθαμε.

'Η ἐξαρτημένη πρόταση ἔχει συνήθως γιὰ νόημά της, ὅχι μιὰ σκέψη, ἀλλὰ μόνον ἔνα τμῆμα μιᾶς σκέψης καὶ ἐπομένως καμιὰ τιμὴ ἀλήθειας σὰν ἀναφορά. Αὐτὸ συμβαίνει εἴτε γιατὶ οἱ λέξεις στὴν ἐξαρτημένη πρόταση ἔχουν πλάγια ἀναφορά, ὥστε ἡ ἀναφορὰ καὶ δχι τὸ νόημα τῆς ἐξαρτημένης πρότασης εἶναι μιὰ σκέψη, εἴτε γιατὶ, μὲ τὴν παρουσία ἐνὸς ὀριστού δείκτη, ἡ ἐξαρτημένη πρόταση εἶναι ἀτελῆς καὶ ἐκφράζει μιὰ σκέψη μόνο σὲ συνδυασμὸ μὲ τὴν κύρια πρόταση. Μπορεῖ νὰ συμβεῖ δμως τὸ νόημα τῆς βοηθητικῆς πρότασης νὰ εἶναι μιὰ πλήρης σκέψη, ὅπότε μπορεῖ νὰ ἀντικατασταθεῖ μὲ μιὰν ἄλλη τῆς ἴδιας τιμῆς ἀλήθειας χωρὶς νὰ ἀλλοιωθεῖ ἡ ἀλήθεια τοῦ συνόλου — ἐφόσον βέβαια δὲν ὑπάρχουν γραμματικὰ ἐμπόδια.

"Ἄν ἐξετάσουμε ὅλες τὶς ἐξαρτημένες προτάσεις ποὺ μπορεῖ νὰ συναντήσει κανεῖς, ἀμέσως θὰ βροῦμε μερικὲς ποὺ δὲν ταιριάζουν σ' αὐτὴ τὴν ταξινόμηση. Νομίζω πὼς ἡ αἰτία εἶναι ότι αὐτὲς οἱ ἐξαρτημένες προτάσεις δὲν ἔχουν ἔνα τόσο ἀπλὸ νόημα. Σχεδὸν πάντα, φαίνεται, συνδέουμε μὲ τὶς κύριες σκέψεις ποὺ ἐκφράζουμε, βοηθητικὲς σκέψεις, ποὺ ἐνῷ δὲν τὶς ἐκφράζουμε, δὲ ακροατής τὶς συνδέει μὲ τὶς λέξεις μας σύμφωνα μὲ ψυχολογικοὺς νόμους. Καὶ ἀφοῦ ἡ βοηθητικὴ σκέψη φαίνεται νὰ εἶναι συνδεμένη μὲ τὶς λέξεις μας, σχεδὸν ὅπως ἡ ἴδια ἡ κύρια σκέψη, θέλουμε νὰ ἐκφράζεται καὶ αὐτή. Μ' αὐτὸ τὸν τρόπο ἐμπλουτίζεται τὸ νόημα τῆς πρότασης καὶ μπορεῖ θαυμάσια νὰ συμβεῖ νὰ ἔχουμε πιὸ πολλές σκέψεις ἀπὸ προτάσεις. Σὲ πολλές περιπτώσεις, ἔτσι πρέπει νὰ κατανοήσουμε τὴν πρόταση, σὲ ἄλλες, μπορεῖ νὰ εἶναι ἀμφίβολο ἢν ἡ βοηθητικὴ σκέψη ἀνήκει στὸ νόημα τῆς πρότασης ἢ ἢν τὸ συνοδεύει μόνο²³. Θὰ μπορούσαμε ἵσως νὰ βροῦμε ότι ἡ πρόταση

«ὁ Ναπολέων, ποὺ ἀναγνώρισε τὸν κίνδυνο γιὰ τὴ δεξιὰ του πτέρυγα, δοδήγησε δ ἴδιος τοὺς φρουρούς του ἐνάντια στὴν ἐχθρικὴ θέση»

δὲν ἐκφράζει μόνο τὶς δύο σκέψεις ποὺ σημειώσαμε πιὸ πάνω, ἀλλὰ καὶ τὴ σκέψη ὅτι ἡ ἐπίγνωση τοῦ κινδύνου ἦταν ἡ αἰτία γιὰ τὴν δοπία ὁ Ναπολέων ὁδήγησε τοὺς φρουροὺς ἐνάντια στὴν ἔχθρικὴ θέση. Θὰ μπορούσαμε μάλιστα νὰ ἀμφιβάλουμε ἂν αὐτὴ ἡ σκέψη ὑπονοεῖται μόνο, ἢ εἶναι ρητὰ διατυπωμένη. "Ἄς ἀναρωτηθοῦμε ὃν ἡ πρότασή μας θὰ ἦταν ψευδῆς ἂν ὁ Ναπολέων εἶχε κιόλας πάρει τὴν ἀπόφασή του προτοῦ ἀντιληφθεῖ τὸν κίνδυνο. "Αν παρ' ὅλα αὐτὰ ἡ πρότασή μας μποροῦσε νὰ εἶναι ἀληθής, δὲν θὰ ἔπρεπε νὰ ἀντιληφθοῦμε τὴ βοηθητικὴ σκέψη ως μέρος τοῦ νοήματος. Πιθανῶς νὰ ἐπιλέγαμε αὐτὴ τὴν ἔρμηνεία. Στὴν ἀντίθετη περίπτωση ἡ κατάσταση θὰ ἦταν ἀρκετὰ πολύπλοκη: θὰ εἴχαμε περισσότερες ἀπλές σκέψεις ἀπὸ προτάσεις. "Αν τώρα ἀντικαταστήσουμε τὴν πρόταση

«ὁ Ναπολέων ἀναγνώρισε τὸν κίνδυνο γιὰ τὴ δεξιά του πτέρυγα»

μὲ μιὰν ἄλλη ποὺ νὰ ἔχει τὴν ἴδια τιμὴ ἀλήθειας, λ.χ.,

«ὁ Ναπολέων εἶχε κιόλας περάσει τὰ σαρανταπέντε του»

ὅχι μόνο θὰ ἄλλαξε ἡ πρώτη μας σκέψη ἀλλὰ καὶ ἡ τρίτη. Γι' αὐτὸ καὶ ἡ τιμὴ ἀλήθειας τῆς τελευταίας θὰ μποροῦσε νὰ μεταβληθεῖ, στὴν περίπτωση ἀκριβῶς ποὺ ἡ ἡλικία του δὲν ἦταν ἡ αἰτία γιὰ τὴν ἀπόφασή του νὰ ὀδηγήσει τοὺς φρουροὺς ἐνάντια στὸν ἔχθρο. Αὐτὸ δείχνει γιατί σὲ τέτοιες περιπτώσεις δὲν μποροῦμε πάντα νὰ ἀντικαταστήσουμε τὴ μιὰ πρόταση μὲ τὴν ἄλλη, κι ἀς ἔχουν τὴν ἴδια τιμὴ ἀλήθειας. Ἡ πρόταση τότε, σὲ συνδυασμὸ μὲ τὴν ἄλλη, ἐκφράζει περισσότερα ἀπὸ ὅ,τι ἐκφράζει μόνη της.

"Ἄς ἔξετάσουμε τώρα περιπτώσεις ὅπου αὐτὸ συμβαίνει συχνά. Στὴν πρόταση:

«ὁ Bebel φαντάζεται ὅτι ἡ ἐπιστροφὴ τῆς Ἀλσατίας - Λωρραίνης θὰ μποροῦσε νὰ κατευνάσει τὴν ἐπιθυμία γιὰ ἐκδίκηση τῆς Γαλλίας»

ἐκφράζονται δύο σκέψεις, ἀπὸ τὶς δοπίες ὅμως δὲν διατυπώνεται ἡ μία μὲ τὴν κύρια, ἡ ἄλλη μὲ τὴν ἔξαρτημένη πρόταση· δηλαδή:

1. ὁ Bebel πιστεύει ὅτι ἡ ἐπιστροφὴ τῆς Ἀλσατίας-Λωρραίνης θὰ κατεύναξε τὴν ἐπιθυμία τῆς Γαλλίας γιὰ ἐκδίκηση
2. ἡ ἐπιστροφὴ τῆς Ἀλσατίας-Λωρραίνης δὲν θὰ κατεύναξε τὴν ἐπιθυμία τῆς Γαλλίας γιὰ ἐκδίκηση.

Στὴ διατύπωση τῆς πρώτης σκέψης οἱ λέξεις τῆς ἔξαρτημένης πρότασης ἔχουν τὴν πλάγια ἀναφορά τους, ἐνῶ οἱ ἴδιες λέξεις στὴ διατύπωση τῆς δεύτερης σκέψης ἔχουν τὴ συνηθισμένη τους ἀναφορά. Αὐτὸ δείχνει ὅτι ἡ ἔξαρτημένη πρόταση στὴν ἀρχική μας σύνθετη πρόταση, πρέπει νὰ ἐκλειφθεῖ δυὸ φορὲς μὲ διαφορετικὴ ἀναφορά: τὴ μιὰ φορὰ νὰ ὑποδηλώνει μιὰ σκέψη, τὴν ἄλλη μιὰ τιμὴ ἀλήθειας. Ἔφόσον ἡ τιμὴ ἀλήθειας δὲν εἶναι δλόκληρη ἡ ἀναφορὰ τῆς ἔξαρτημένης πρότασης, δὲν μποροῦμε ἀπλῶς νὰ τὴν ἀντικαταστήσουμε μὲ μιὰν ἄλλη ποὺ ἔχει τὴν ἴδια τιμὴ ἀλήθειας. Τὰ ἴδια ἰσχύουν καὶ γιὰ ἐκφράσεις ὅπως 'γνωρίζω', 'ἀνακαλύπτω', 'εἶναι γνωστὸ ὅτι'.

Μὲ μιὰ αἰτιακὴ πρόταση καὶ μὲ τὴν κύρια πρόταση ποὺ συνδέεται μὲ αὐτὴν ἐκφράζουμε διάφορες σκέψεις ποὺ δὲν ἀντιστοιχοῦν, ὅμως, ἔχωριστὰ στὶς ἀρχικὲς προτάσεις. Στὴν πρόταση:

“Ἐπειδὴ ὁ πάγος ἔχει μικρότερο εἰδικὸ βάρος ἀπὸ τὸ νερό, ἐπιπλέει στὸ νερό”

ἔχουμε:

1. ὁ πάγος ἔχει μικρότερο εἰδικὸ βάρος ἀπὸ τὸ νερό
2. ἂν κάτι ἔχει μικρότερο εἰδικὸ βάρος ἀπὸ τὸ νερό, ἐπιπλέει στὸ νερό
3. ὁ πάγος ἐπιπλέει στὸ νερό.

Δὲν χρειάζεται ὅμως νὰ μπάσουμε ρητὰ τὴν τρίτη σκέψη, ἀφοῦ περιέχεται στὶς ἄλλες δυό. Ἀπὸ τὴν ἄλλῃ μεριά, οὔτε ἡ πρώτη μαζὶ μὲ τὴν τρίτη οὔτε ἡ δεύτερη μαζὶ μὲ τὴν τρίτη οὐαὶ μᾶς ἔδινε τὸ νόημα τῆς πρότασής μας. Μποροῦμε τώρα νὰ δοῦμε ὅτι ἡ ἔξαρτημένη πρόταση

«ἐπειδὴ ὁ πάγος ἔχει μικρότερο εἰδικὸ βάρος ἀπὸ τὸ νερό»

ἐκφράζει ἐκτὸς ἀπὸ τὴν πρώτη μας σκέψη καὶ μέρος τῆς δεύτερης. Γι' αὐτὸ καὶ δὲν μποροῦμε ἀπλῶς νὰ ἀντικαταστήσουμε τὴν βοηθητικὴ πρόταση μὲ μιὰν ἄλλη μὲ τὴν ἴδια τιμὴ ἀλήθειας· γιατὶ αὐτὸ οὐαὶ ἄλλαζε τὴ δεύτερή μας σκέψη καὶ, ἐπομένως, εὔκολα οὐαὶ μποροῦσε νὰ ἐπιτρεάσει καὶ τὴν τιμὴ τῆς ἀλήθειας της.

‘Η κατάσταση εἶναι παρόμοια στὴν πρόταση

«ἄν τὸ σίδερο εἶχε μικρότερο εἰδικὸ βάρος ἀπὸ τὸ νερό, οὐαὶ ἐπλεε πάνω στὸ νερό».

Ἐδῶ ἔχουμε τὶς δυὸ σκέψεις ὅτι τὸ σίδερο δὲν ἔχει μικρότερο εἰδικὸ βάρος ἀπὸ τὸ νερὸ καὶ ὅτι κάτι πλέει πάνω στὸ νερό, ὃν ἔχει μικρότερο εἰδικὸ βάρος ἀπὸ τὸ νερό. Ἡ βοηθητικὴ πρόταση ἐκφράζει πάλι μιὰ σκέψη καὶ μέρος μιᾶς ἄλλης.

“Ἄν ἐρμηνεύσουμε τὴν πρόταση ποὺ ἔχουμε κιόλας συναντήσει²⁴

«μιετὰ τὴν ἀπόσπαση τοῦ Schleswig-Holstein ἀπὸ τὴ Δανία, ἡ Πρωσία καὶ ἡ Αὐστρία ἥρθαν σὲ ρήξη»

μὲ τέτοιο τρόπο, ὥστε νὰ ἐκφράζει τὴ σκέψη ὅτι τὸ Schleswig-Holstein εἶχε κάποτε ἀποσπασθεῖ ἀπὸ τὴ Δανία, ἔχουμε δύο σκέψεις: πρῶτα, αὐτὴ ποὺ μόλις ἀναφέραμε καὶ μετά, τὴ σκέψη ὅτι σὲ κάποια χρονικὴ στιγμὴ, ποὺ προσδιορίζεται ἀκριβέστερα ἀπὸ τὴν ἔξαρτημένη πρόταση, ἡ Πρωσία καὶ ἡ Αὐστρία ἥρθαν σὲ ρήξη. Καὶ ἐδῶ ἡ ἔξαρτημένη πρόταση ἐκφράζει ὅχι μόνο μιὰ σκέψη ἀλλὰ καὶ μέρος μιᾶς ἄλλης. Γι' αὐτὸ δὲν μπορεῖ, γενικά, νὰ ἀντικατασταθεῖ μὲ μιὰν ἄλλη ποὺ νὰ ἔχει τὴν ἴδια τιμὴ ἀλήθειας.

Εἶναι δύσκολο νὰ ἔξαντλήσουμε δλες τὶς δυνατότητες ποὺ μᾶς παρέχει ἡ γλώσσα· ἀλλὰ ἐλπίζω νὰ ἔχω ἐπισημάνει τοὺς οὐσιαστικοὺς λόγους γιὰ τοὺς δποίους μιὰ ἔξαρτημένη πρόταση δὲν μπορεῖ πάντα νὰ ἀντικατασταθεῖ μὲ

μιὰν ἄλλη τῆς ἴδιας τιμῆς ἀλήθειας χωρὶς νὰ ἐπιχρέαζει τὴν ἀλήθεια δλόκληρης τῆς δομῆς τῆς πρότασης. Οἱ λόγοι αὐτοὶ εἰναι:

1. ὅτι ἡ ἔξαρτημένη πρόταση δὲν ὑποδηλώνει μιὰ τιμὴ ἀλήθειας, ἀφοῦ ἐκφράζει μόνο μέρος μιᾶς σκέψης.
2. ὅτι ἡ ἔξαρτημένη πρόταση ὑποδηλώνει μιὰ τιμὴ ἀλήθειας ἀλλὰ δὲν περιορίζεται μόνο σ' αὐτή, ἀφοῦ τὸ νόημά της περιέχει ἐκτὸς ἀπὸ μία σκέψη καὶ μέρος μιᾶς ἄλλης.

Ἡ πρώτη περίπτωση συναντᾶται:

- a. στὴν πλάγια ἀναφορὰ τῶν λέξεων
- β. δταν ἔνα μέρος τῆς πρότασης εἶναι μόνο ἔνας ἀόριστος δείκτης ἀντὶ γιὰ ἔνα κύριο ὄνομα.

Στὴ δεύτερη περίπτωση μπορεῖ νὰ πρέπει νὰ πάρει κανεὶς τὴν βοηθητικὴ πρόταση δυὸς φορές, δηλαδὴ, μιὰ φορά, μὲ τὴν συνηθισμένη της ἀναφορὰ καὶ τὴν ἄλλη, μὲ τὴν πλάγια ἀναφορά: ἦ, μπορεῖ τὸ νόημα ἐνὸς τμήματος τῆς ἔξαρτημένης πρότασης νὰ εἶναι συνάμα καὶ ἔνα συστατικὸ στοιχεῖο μιᾶς ἄλλης σκέψης, ἡ δποία μαζὶ μὲ τὴ σκέψη ποὺ ἐκφράζει ἄμεσα ἡ ἔξαρτημένη πρόταση, ἀπαρτίζει τὸ νόημα δλόκληρης τῆς πρότασης.

Ἄπ' αὐτὰ ἀπορρέει μὲ ἀρκετὴ πιθανότητα ὅτι οἱ περιπτώσεις ὅπου μιὰ ἔξαρτημένη πρόταση δὲν μπορεῖ νὰ ἀντικατασταθεῖ μὲ μιὰν ἄλλη τῆς ἴδιας τιμῆς ἀλήθειας, δὲν ἀνασκευάζουν τὴν θέση μας ὅτι ἡ τιμὴ ἀλήθειας εἶναι ἡ ἀναφορὰ μιᾶς πρότασης ποὺ ἔχει σὰν νόημα μιὰ σκέψη.

"Ἄς ξαναγυρίσουμε ἐκεῖ ἀπὸ ὅπου ἀρχίσαμε.

"Αν βρήκαμε ὅτι ἡ ' $a = a$ ' καὶ ἡ ' $a = \beta$ ' ἔχουν διαφορετικὴ γνωστικὴ ἀξία, ἡ ἔξήγηση εἶναι ὅτι γιὰ τὴ γνώση δὲν εἶναι λιγότερο σημαντικὸ τὸ νόημα τῆς πρότασης, δηλαδὴ ἡ σκέψη ποὺ ἐκφράζει, ἀπὸ τὴν ἀναφορά της, δηλαδὴ τὴν τιμὴ ἀλήθειας της. "Αν τώρα εἶναι $a = \beta$, τότε πράγματι ἡ ἀναφορὰ τοῦ ' β ' εἶναι ἴδια μὲ αὐτὴν τοῦ ' a ', καὶ ἐπομένως ἡ τιμὴ ἀλήθειας τῆς ' $a = \beta$ ' εἶναι ἡ ἴδια μὲ αὐτὴν τῆς ' $a = a$ '. Παρ' ὅλα αὐτὰ τὸ νόημα τοῦ ' β ' μπορεῖ νὰ διαφέρει ἀπὸ αὐτὸ τοῦ ' a ' καὶ συνεπῶς ἡ σκέψη ποὺ ἐκφράζει ἡ ' $a = \beta$ ' μπορεῖ νὰ διαφέρει ἀπὸ αὐτὴν τῆς ' $a = a$ '. Σ' αὐτὴ τὴν περίπτωση οἱ δύο προτάσεις δὲν ἔχουν τὴν ἴδια γνωστικὴ ἀξία. "Αν, ὅπως πιὸ πάνω, μὲ τὴ λέξη 'κρίση' ἐννοοῦμε τὴν πρόοδο ἀπὸ τὴ σκέψη στὴν τιμὴ ἀλήθειας της, μποροῦμε καὶ νὰ ποῦμε ὅτι οἱ κρίσεις εἶναι διαφορετικές.

Μετάφραση : 'Ιόλη Πατέλλη

Σημειώσεις

1. Τὸ ἄρθρο Ueber Sinn und Bedeutung δημοσιεύτηκε γιὰ πρώτη φορὰ στὸ 'Zeitschrift für Philosophie und philosophische Kritik', 100, (1892) σ. 25 - 50.
2. Χρησιμοποιῶ αὐτὴ τὴ λέξη μὲ τὴν ἔννοια τῆς ταυτότητας· 'α = β' σημαίνει 'τὸ α εἶναι τὸ ἴδιο μὲ τὸ β' ἢ 'τὸ α καὶ τὸ β ταυτίζονται'.
3. Ἐδῶ ἀναφέρεται ὁ Frege στὸ ἔργο του *Begriffsschrift, eine der arithmetischen nachgebildete Formelsprache des reinen Denkens* (Halle, 1879). [ΣτΜ]
4. Δὲς τὸ Ueber Begriff und Gegenstand (*Vierteljahrsschrift für wissenschaftliche Philosophie XVI*, 1892, σ. 192 - 205) τοῦ Frege. [ΣτΜ]
5. Στὴν περίπτωση ἐνδὲς πραγματικοῦ κύριου δνόμιμος, ὅπως "Αριστοτέλης", οἱ γνῶμες γιὰ τὸ νόημα τοῦ δνόμιμος μποροῦν νὰ διαφέρουν. Μπορεῖ, λ.χ., νὰ σημαίνει τὸ ἔξῆς: ὁ μαθητὴς τοῦ Πλάτωνα καὶ ὁ καθηγητὴς τοῦ Μεγάλου Ἀλεξάνδρου. "Άλλο νόημα θὰ δώσει στὴν πρόταση" "Ο 'Αριστοτέλης γεννήθηκε στὰ Στάγειρα" αὐτὸς ποὺ δίνει τὸ παραπάνω νόημα στὸ δνομα "Αριστοτέλης", καὶ ἄλλο αὐτὸς ποὺ τοῦ δίνει τὸ ἔξῆς νόημα: ὁ δάσκαλος τοῦ Μεγάλου Ἀλεξάνδρου ποὺ γεννήθηκε στὰ Στάγειρα. Ἐφόσον ἡ ἀναφορὰ παραμένει ἡ ἴδια, τέτοιες διακυμάνσεις στὸ νόημα εἶναι ἀνεκτές, παρ' ὅλο ποὺ θὰ ἔπρεπε νὰ ἀποφεύγονται στὴ θεωρητικὴ δομὴ μιᾶς ἐπιστήμης καὶ νὰ μὴν ὑπάρχουν σὲ μιὰ τέλεια γλώσσα.
6. Μποροῦμε νὰ συμπεριλάβουμε στὶς παραστάσεις τὶς ἄμεσες ἐμπειρίες ὅπου οἱ ἴδιες οἱ αἰσθητηριακὲς ἐντυπώσεις καὶ τὰ ἐνεργήματα παίρνουν τὴ θέση τῶν σημαδιῶν ποὺ αὐτὲς ἔχουν ἀφήσει στὴν ψυχή. Γιὰ τὸ σκοπό μας δὲν ἔχει σημασία αὐτὴ ἡ διάκριση, κυρίως γιατὶ ἀναμνήσεις τῶν αἰσθητηριακῶν ἐντυπώσεων καὶ ἐνεργημάτων συνοδεύουν πάντοτε τέτοιες αἰσθητηριακὲς ἐντυπώσεις καὶ ἐνεργήματα, ὥστε νὰ συμπληρώνουν τὴν ἀντιληπτικὴ εἰκόνα. Ἀπὸ τὴν ἄλλη μεριά, μπορεῖ κανεὶς νὰ περιλάβει στὴν ἔννοια τῆς ἄμεσης ἐμπειρίας κάθε ἀντικείμενο ἐφόσον αὐτὸς εἶναι αἰσθητηριακὰ ἀντιληπτὸ ἢ εἶναι χωρικό.
7. Ἐπομένως εἶναι καλύτερα νὰ μὴν χρησιμοποιεῖται ἡ λέξη 'παράσταση' γιὰ νὰ ὑποδηλώσει ἔνα τόσο βασικὰ διαφορετικὸ πράγμα.
8. "Αν τὰ δύο εἶναι ἔνα, τότε δὲν εἶναι ἔνα. [ΣτΜ]
9. Μὲ μιὰ σκέψη δὲν ἔννοω τὸ ὑποκειμενικὸ ἐνέργημα τοῦ σκέπτεσθαι, ἀλλὰ τὸ ἀντικειμενικὸ περιεχόμενό του, ποὺ μπορεῖ νὰ εἶναι κοινὸ κτῆμα πολλῶν ἀνθρώπων.
10. Θά ἦταν καλὸ νὰ εἴχαμε ἔναν εἰδικὸ ὄρο γιὰ τὰ μονοσήμαντα σημεῖα. "Αν τὰ δνομάζαμε, λ.χ., ἀναπαραστάσεις, τὰ λόγια τῶν ἡθοποιῶν στὴ σκηνὴ

θὰ ἦταν ἀναπαραστάσεις· καὶ μάλιστα ὁ ἴδιος ὁ ἡθοποιὸς θὰ ἦταν ἀναπαράσταση.

11. Δὲς τὸ Ueber Begriff und Gegenstand (*Vierteljahrsschrift für wissenschaftliche Philosophie XVI*, 1892, σ. 192 - 205) τοῦ Frege. [ΣτΜ]

12. Μιὰ κρίση, γιὰ μένα, δὲν εἶναι ἀπλῶς ἡ ἀντίληψη μιᾶς σκέψης, ἀλλὰ ἡ ἀποδοχὴ τῆς ἀλήθειας τῆς σκέψης.

13. Εἶναι τὸ ἴδιο πράγμα αὐτὰ ποὺ τὸ ἔνα μπορεῖ νὰ ἀντικαταστήσει τὸ ἄλλο καὶ νὰ διατηρηθεῖ ἡ ἀλήθεια. [ΣτΜ]

14. Στὴν ἀγγλικὴ μετάφραση ὁ Max Black σημειώνει: «Αὐτὸς εἶναι μιὰ κατὰ λέξη μετάφραση τῆς ἔκφρασης ‘abstrakten Nennsätze’ τῆς ὅποιας τὸ νόημα μοῦ διαφεύγει». ’Επισημαίνω τὴν δυσκολία. [ΣτΜ]

15. Στὴν πρόταση ‘ὁ Α εἶπε ψέματα λέγοντας ὅτι εἶδε τὸν Β’, ἡ ἐξαρτημένη φράση ὑποδηλώνει μία σκέψη ἡ ὅποια λέγεται ὅτι (1) ἔχει λεχθεῖ ἀπὸ τὸν Α. (2) ἐνῷ ὁ Α ἦταν πεπεισμένος γιὰ τὸ ψεῦδος της.

16. ’Ο Frege στὸ κείμενό του χρησιμοποιεῖ τὸ πρωσικὸ δνομα τῆς μάχης Belle Alliance. [ΣτΜ]

17. Αὐτὸς ἰσχύει στὰ γερμανικά· τὸ ἄν ἰσχύει καὶ στὰ Ἑλληνικὰ εἶναι προβληματικό. [ΣτΜ]

18. Σύμφωνα μὲ ὅσα εἴπαμε πιὸ πάνω πρέπει, θέτοντας ἔναν εἰδικὸ ὄρο, (λ.χ. μὲ τὴν σύμβαση ὅτι τὸ Ο θὰ εἶναι ἡ ἀναφορὰ τῆς ἔκφρασης ὅταν ἡ ἔννοια ἰσχύει γιὰ περισσότερα ἀπὸ ἔνα ἀντικείμενα ἢ καὶ γιὰ κανένα) νὰ βεβαιώσουμε ὅτι ἔκφράσεις αὐτοῦ τοῦ εἶδους ἔχουν πάντα ἀναφορά.

19. Στὴν περίπτωση αὐτῶν τῶν προτάσεων εὔκολα μποροῦν νὰ βρεθοῦν διάφορες ἐρμηνεῖες. Τὸ νόημα τῆς πρότασης ‘ὅταν τὸ Schleswig-Holstein χώρισε ἀπὸ τὴν Δανία, ἡ Πρωσία καὶ ἡ Αύστρια ἥρθαν σὲ ρήξη’ μπορεῖ νὰ δοθεῖ καὶ ως ἔξῆς: ‘μετὰ τὸ χωρισμὸ τοῦ Schleswig-Holstein ἀπὸ τὴν Δανία, ἡ Πρωσία καὶ ἡ Αύστρια ἥρθαν σὲ ρήξη’. Σ’ αὐτὴ τὴν ἐκδοχὴν εἶναι σίγουρα ἀρκετὰ ἐμφανὲς ὅτι δὲν πρέπει νὰ θεωρήσουμε ως τμῆμα τοῦ νοήματος τὴν σκέψη ὅτι τὸ Schleswig-Holstein χώρισε κάποτε ἀπὸ τὴν Δανία· αὐτὴ ἡ σκέψη εἶναι ἡ ἀναγκαία προϋπόθεση ὥστε ἡ ἔκφραση ‘μετὰ τὸ χωρισμὸ τοῦ Schleswig-Holstein ἀπὸ τὴν Δανία’ νὰ ἔχει κάποια ἀναφορά. Βέβαια, μποροῦμε ἐπίσης νὰ θεωρήσουμε ὅτι ἡ πρότασή μας λέει ὅτι τὸ Schleswig-Holstein κάποτε χώρισε ἀπὸ τὴν Δανία. “Έχουμε τότε μιὰ περίπτωση ποὺ θὰ ἐξετάσουμε ἀργότερα. Γιὰ νὰ καταλάβουμε καλύτερα τὴν διαφορὰ ἡς μποῦμε στὴ θέση ἐνὸς Κινέζου, ὁ δοποῖος ἔχοντας λίγες γνώσεις Εὐρωπαϊκῆς ιστορίας, πιστεύει ὅτι εἶναι ψευδὲς ὅτι τὸ Schleswig-Holstein εἶχε ποτὲ χωριστεῖ ἀπὸ τὴν Δανία. Θὰ θεωρήσει ὅτι ἡ πρότασή μας, στὴν πρώτη της μορφή, δὲν εἶναι οὕτε ἀληθῆς οὕτε ψευδῆς, ἀλλὰ θὰ ἀρνηθεῖ ὅτι ἔχει ἀναφορά γιὰ τὸ λόγο ὅτι λείπει ἡ ἀναφορὰ τῆς ἐξαρτημένης φράσης. Αὐτὴ ἡ πρόταση θὰ προσδιορίζει φαινομενικὰ μόνο κάποιο χρόνο. ”Αν ὅμως ἐρμήνευε τὴν πρότασή μας μὲ τὸ δεύτερο τρόπο, θὰ ἔβρισκε ὅτι αὐτὴ ἐκφράζει μιὰ σκέψη ποὺ αὐτὸς θεωρεῖ ψευδῆ, καὶ θὰ ἔβρισκε ἐπίσης ὅτι ἔνα μέρος της εἶναι χωρὶς ἀναφορά.

20. Καμιά φορά λείπει ἡ ρητή γλωσσική ἔνδειξη και πρέπει νὰ τὴ μαντέψουμε ἀπὸ τὰ συμφραζόμενα.
21. Τὸ ᾴδιο ἵσχυει καὶ γιὰ τὰ «ὅμως» καὶ «ώστόσο».
22. Ἡ σκέψη τῆς πρότασής μας μπορεῖ νὰ ἐκφραστεῖ καὶ ὅτι: «Ἡ ὥλιος δὲν ἔχει ἀκόμη ἀνατείλει ἢ ὁ οὐρανὸς εἶναι πολὺ συννεφιασμένος» — καὶ αὐτὸ δείχνει πῶς πρέπει νὰ ἐννοηθεῖ αὐτὸ τὸ εἶδος τοῦ προτασιακοῦ συνδέσμου.
23. Αὐτὸ μπορεῖ νὰ ἔχει σημασία γιὰ τὸ ζήτημα ἂν μιὰ βεβαίωση εἶναι ψέμα, ὅρκος ἢ ψευδορκία.
24. Ὁ Frege ἀναφέρεται ἐδῶ στὸ παράδειγμα ποὺ δύθηκε στὴν ὑποσημείωση 19. [ΣτΜ]