

J. J. C. SMART

ΑΙΤΙΑΚΕΣ ΘΕΩΡΙΕΣ
ΤΟΥ ΧΡΟΝΟΥ*

· Υπάρχει μιά οίκογένεια θεωριῶν γιά τό χρόνο, οί δύοις προσπαθοῦν νά κατασκευάσουν τή δομή (η τουλάχιστον τήν τοπολογία) τοῦ χωροχρόνου μέ βάση τήν ἔννοια τῆς αἰτιότητας ἢ κάποια ἔννοια πού σχετίζεται στενά μέ τήν ἔννοια τῆς αἰτιότητας. Κατά τήν τελευταία πεντηκονταετία, τέτοιες προσπάθειες ύπαγορεύτηκαν ἀπό τήν εἰδική θεωρία τῆς σχετικότητας. "Ἄς θεωρήσουμε ἔνα σημεῖο *A* στό χωροχρόνο. "Όλα τά φωτεινά σήματα πού φτάνουν στό *A*. ἢ ξεκινοῦν ἀπό αὐτό, κείνται κατά μῆκος γεννητριῶν πού παράγουν τό τετραδιάστατο ἀνάλογο ἐνὸς διπλοῦ κώνου, ὁ δύοις μπορεῖ νά δονομαστεῖ "κῶνος φωτός" τοῦ *A*. "Η εἰδική θεωρία τῆς σχετικότητας ἔχει ως συνέπεια ὅτι κάθε συμβάν τό δύοιο συνδέεται αἰτιακά μέ τό *A* πρέ-

*Τίτλος τοῦ πρωτοτύπου: "Causal Theories of Time". Πρωτοδημοσιεύτηκε στό *The Monist*, τόμος 53, ἀρ. 3 (1969). Copyright © *The Monist*, 1969. Η μετάφραση δημοσιεύεται μέ τήν ἄδεια τοῦ ἐκδότη τοῦ *The Monist* Eugene Freeman καί μέ τήν ἄδεια τοῦ συγγραφέα [ΣτΕ].

πει νά βρίσκεται μέσα στόν διπλό κώνο φωτός. Κανένα συμβάν πού βρίσκεται εξω ἀπό τόν κώνο φωτός δέν συνδέεται αἰτιακά μέ τό A. Αύτό μπορεῖ νά σημαίνει ότι είναι δυνατόν νά υπάρχει μιά βαθιά σχέση ἀνάμεσα στήν αἰτιότητα καί στή δομή τοῦ χωροχρόνου καί ἀκόμα ότι θά ήταν ἵσως δυνατόν νά χρησιμοποιήσουμε τήν αἰτιότητα γιά νά ἔξηγήσουμε μερικά ἡ ὅλα τά χαρακτηριστικά τῆς δομῆς τοῦ χωροχρόνου.

Στήν προηγούμενη παράγραφο χρησιμοποιῶ τίς λέξεις ‘αἰτιότητα’ καί ‘συνδέεται αἰτιακά’ ἀρκετά ἐλαστικά. Ή πρόταση ότι κατά τήν εἰδική σχετικότητα οἱ αἰτιακές ἐπιδράσεις κεῖνται μόνο μέσα σέ κώνους φωτός είναι σχεδόν κοινότοπη, μέ τήν ἔννοια ότι θεωρεῖται δεδομένο πώς ὅποιαδήποτε αἰτιακή ἐπίδραση ἔξηγεται μέσα στά πλαίσια τῆς φυσικῆς μέ μιά θεωρία πού συμφωνεῖ μέ τήν κινηματική τῆς εἰδικῆς σχετικότητας. Τήν πρόταση σώζει ἀπό τήν κοινοτοπία ἡ σιωπηρή παραδοχή πώς ἡ φυσική πού συμφωνεῖ μέ τή σχετικότητα είναι ἡ μοναδική φυσική πού υπάρχει (ἢ πού θά ἔπρεπε νά υπάρχει). ‘Υπέρ τῆς παραδοχῆς αὐτῆς συνηγοροῦν ἄφθονες ἐμπειρικές ἐνδείξεις.

“Αν γνωρίζουμε πώς ἔνα συμβάν C ἀποτελεῖ τήν αἰτία ἐνός συμβάντος E, τότε γνωρίζουμε πώς υπάρχει ἔνας τουλάχιστον κώνος φωτός, τέτοιος ὥστε τό C νά βρίσκεται στό προγενέστερο ἡμισυ τοῦ κώνου καί τό E στό μεταγενέστερο. Φαίνεται λοιπόν ότι είναι εὔκολο νά δώσουμε τόν δρισμό μιᾶς σχέσης τοῦ προγενέστερου καί τοῦ μεταγενέστερου χρησιμοποιώντας τή σχέση αἰτίας καί ἀποτέλεσματος. Αύτό ἀποτέλεσε καί τή βάση τῆς κατασκευῆς τοῦ Reichenbach, στό βιβλίο του *The Philosophy of Space and Time*.¹ Ή κατασκευή τοῦ Reichenbach συναντάει δρισμένες δυσκολίες, τίς ὅποιες ἐπισήμαναν δ Henryk Mehlberg στό ἄρθρο του “Essai sur la Théorie Causale du Temps”² καί δ Adolf Grünbaum.³ “Οταν δέν προϋπάρχει ἡ ἔννοια τοῦ προγενέστερου καί τοῦ μεταγενέστερου, πῶς είναι δυνατόν νά διακρίνουμε τήν αἰτία ἀπό τό ἀποτέλεσμα, ἴδιαίτερα ἀν σκεφτοῦμε τή χρονική συμμετρία τῶν νόμων τῆς φύσης; (‘Αν μποροῦμε νά ἀγνοήσουμε τήν πρόσφατη ἀνακάλυψη μιᾶς μᾶλλον ἀσαφοῦς παραβίασης τῆς χρονικῆς συμμετρίας στή φυσική, δηλαδή τῆς διάσπασης 2π τοῦ μεσονίου K₂).” Ο Reichenbach προσπάθησε νά ἀντικρούσει αὐτή τήν ἀντίρρηση μέ τή λεγόμενη μέθοδο τῶν ἐνδείξεων [mark method], ἡ ὅποια οὐσιαστικά ἀποτελεῖ προσφυγή σέ μή ἀντιστρέψιμες αἰτιακές διεργασίες. Ή προσφυγή αὐτή δέν μπορεῖ νά γίνει δεκτή, ἐπειδή είναι σκόπιμο νά διαχωρίζεται ἡ συζήτηση γιά τήν τοπολογία τοῦ χωροχρόνου ἀπό τό ζήτημα τῆς κατεύθυνσης [directionality] τῶν φυσικῶν διεργασιῶν, μιά καί (ὅπως ἔχει υποστηρίξει δ ἴδιος δ Reichenbach) είναι φανερό πώς αὐτή ἡ κατεύθυνση ἔξαρτᾶται ἀπό στατιστικές θεωρήσεις. Δέν θά ἐπαναλάβω ἐδῶ τίς λεπτομερειακές ἀντιρρήσεις πού προβλήθηκαν γιά τή μέθοδο τῶν ἐνδείξεων τοῦ Reichenbach: τίς ἀντιρρήσεις αὐτές διατύ-

πωσε ἄρτια ὁ Mehlberg και ἀνακεφαλαίωσε μέ διαυγή τρόπο ὁ Grünbaum.

Ἡ κατά τὸν Grünbaum (ὅπως και ἡ κατά τὸν Mehlberg) παραλλαγή τῆς αἰτιακῆς θεωρίας τοῦ χρόνου χρησιμοποιεῖ μιά συμμετρική ἔννοια αἰτιακῆς συνδετότητας [causal connectedness] (τῆς “*k*-συνδετότητας”) στή θέση μιᾶς μή συμμετρικῆς ἔννοιας τῆς αἰτίας και τοῦ ἀποτελέσματος. Γι’ αὐτό και ἡ κατασκευή του ἀποφεύγει τό κυκλικό σχῆμα, τό δποιο ἵσως νά προέκυπτε ἀπό τό γεγονός ὅτι οἱ ἔννοιες τῆς αἰτίας και τοῦ ἀποτελέσματος προϋποθέτουν τίς ἔννοιες τοῦ προγενέστερου και τοῦ μεταγενέστερου.

Πῶς ἀντιμετωπίζουμε σημεῖα τοῦ χωροχρόνου πού δέν κατέχονται ἀπό αἰτίες ἡ ἀποτελέσματα; “Ἐνας τρόπος, ἵσως ἀκατάλληλος, εἶναι νά μή χρησιμοποιήσουμε γιά τήν κατασκευή μας τήν ἔννοια τῆς αἰτιακῆς συνδετότητας ἀλλά τήν ἔννοια τῆς αἰτιακῆς συνδεσιμότητας [causal connectibility]. Και τοῦτο ἐπειδή ἡ φύση τῆς ἔννοιας τῆς συνδεσιμότητας εἶναι τροπική [modal]: ἡ ἔννοια αὐτή ἔξαρται φανερά ἀπό τήν ἔννοια τῆς φυσικῆς δυνατότητας, ἡ δποῖα μέ τή σειρά της παραπέμπει στούς νόμους τῆς φύσης. “Ἄν οἱ ἴδιοι οἱ νόμοι τῆς φύσης προϋποθέτουν ἀκριβῶς τή δομή τοῦ χωροχρόνου πού προσπαθοῦμε νά διευκρινίσουμε μέσω τῆς ἔννοιας τῆς αἰτιακῆς συνδεσιμότητας, τότε εἶναι πρόδηλο πώς βρισκόμαστε σέ φαῦλο κύκλο. Γι’ αὐτό ὁ Grünbaum, πολύ σωστά, δέν βασίζει τήν κατασκευή του στήν ἔννοια τῆς συνδεσιμότητας, ἀλλά στήν ἔννοια τῆς συνδετότητας. Τό ἐρώτημα πού ἀφορᾶ σημεῖα τοῦ χωροχρόνου, τά δποῖα δέν κατέχονται ἀπό αἰτίες ἡ ἀποτελέσματα, μπορεῖ ἵσως νά ἀπαντηθεῖ ἀπό ντετερμινιστική σκοπιά μέ τό νά ποδμε ὅτι δέν εἶναι ἀπαραίτητο νά ἔξετάσουμε τέτοια σημεῖα: μέ βάση μιά συσχετική θεωρία τοῦ χωροχρόνου, χρειάζεται νά ἀναλύσουμε μόνο τίς χωροχρονικές δηλώσεις πού ἀφοροῦν πραγματικά συμβάντα. Εἶναι ώστόσο δύσκολο νά δοθεί πῶς πρέπει νά ἀντιμετωπίζουμε χωροχρονικά σημεῖα τά δποῖα κατέχονται ἀπό συμβάντα πού δέν εἶναι οὔτε ἀποτελέσματα οὔτε αἰτίες ἄλλων συμβάντων. Ἀκόμα και μέ βάση μιά συσχετική θεωρία τοῦ χωροχρόνου, πρέπει νά ὑπάρχει κάποιος τρόπος γιά νά ἐντοπίζεται ἓνα τέτοιο συμβάν (ἄν ὑποθέσουμε πώς ὑπάρχουν τέτοια συμβάντα). Ἐναλλακτικά, θά μπορούσαμε νά θεωρήσουμε, καθώς κάνει ὁ Mehlberg,⁴ ὅτι παντοῦ ὑπάρχουν συμβάντα, ὅπως λ.χ. τό συμβάν τοῦ πεδίου βαρύτητας (ἢ τοῦ ἡλεκτρικοῦ πεδίου) πού παίρνει μιάν δρισμένη τιμή.

“Ἄς παραδεχτοῦμε λοιπόν ὅτι ἡ αἰτιακή συνδετότητα, ὅχι ὅμως ἡ αἰτιακή συνδεσιμότητα, πετυχαίνει τό σκοπό μας. Ἐξακολούθεῖ ώστόσο νά ἵσχυει ἡ κύρια ἀντίρρησή μου ἐνάντια στήν αἰτιακή θεωρία τοῦ χρόνου, γιατί ἀκόμα και ἡ ἔννοια τῆς αἰτιακῆς συνδετότητας φαίνεται νά εἶναι συγκαλυμμένα τροπική, ἡ τουλάχιστον ἐντατική [intensional]. Δέν εἶναι τάχα πολύ παράξενο, ἐκ πρώτης ὅψεως, τό νά θέλει κανείς νά ἀναγάγει μιά γεωμετρική ἔννοια (καὶ, κατά συνέπεια, μιά ἔννοια πού τά ἀξιώματά της μποροῦν ἐνδε-

χόμενα νά διατυπωθούν σέ έκτατική γλώσσα) σέ μιά έννοια φιλοσοφικά άμφιβολη (καί ίσως κατά βάθος έντατική ή τροπική) όπως είναι ή αίτιότητα; 'Ο χωροχρόνος σίγουρα μπορεῖ νά είναι γιά τή νόηση τόσο διαφανής όσο καί ή γεωμετρία. Ή γεωμετρία δέν ἀποτελεῖ τάχα ἀξιοσέβαστο κλάδο τῶν μαθηματικῶν, δέν ἔχει ἀνάγκη ἀπό ἀμφισβητήσιμες μεταφυσικές έννοιες όπως είναι ή έννοια τῆς αίτιότητας: "Ενας ὑποστηρικτής τῆς αἰτιακῆς θεωρίας τοῦ χρόνου ίσως ἀπαντήσει ἐδῶ πώς ή ἀντίρρησή μου παραβλέπει τή διαφορά ἀνάμεσα στή θεωρητική καί τήν ἐφαρμοσμένη γεωμετρία, καί πώς ή αἰτιακή θεωρία τοῦ χρόνου ἔχει ώς σκοπό νά παράσχει κανόνες ἀντιστοιχίας οί δόποι ονά συνάπτουν τή θεωρητική γεωμετρία (ή τουλάχιστον τό μή μετρικό της μέρος) μέ τήν πραγματικότητα, μετατρέποντάς την ἔτσι σέ φυσική γεωμετρία.

'Ο υποστηρικτής τῆς αἰτιακῆς θεωρίας τοῦ χρόνου θά μπορούσε νά προβάλει καί μιάν ἄλλη σκέψη. Θά μπορούσε νά ἀναρωτηθεῖ γιατί δείχνω τέτοια ὑπερευαισθησία ἀπέναντι στή χρήση τῆς αἰτιακῆς συνδετότητας ώς ἀρχικού δρου [primitive] σέ μιά φυσική γεωμετρία. Θά ἡταν δυνατόν νά εἰπωθεῖ πώς ή έννοια τῆς αἰτιακῆς συνδετότητας δέν είναι περισσότερο ἀμφισβητήσιμα τροπική ἀπ' όσο είναι ὁ τελεστής 'είναι νόμος τῆς φύσης ὅτι . . .', καί πώς ὑπάρχει ἀνάγκη νά διατηρηθεῖ ὁ τελεστής αὐτός στήν εἰδική θεωρία τῆς σχετικότητας, τή βασική ἀρχή τῆς δόποιας ἀποτελεῖ ή ἀπόφανση ὅτι οί νόμοι τῆς φύσης διατηρούν τήν ἴδια μορφή κατά τούς μετασχηματισμούς ἀπό ἔνα σύνολο ἀξόνων ἀδρανείας σέ ἕνα ἄλλο. Παρ' ὅλα αὐτά, προτιμῶ νά υἱοθετήσω τήν ἀποψη πώς ή ἀρχή τῆς ἀμεταβλητότητας τῶν νόμων τῆς φύσης κατά τήν ἐφαρμογή τῶν μετασχηματισμῶν τοῦ Lorentz ἀποτελεῖ μᾶλλον εὑρετικό κανόνα γιά τήν κατασκευή τῆς θεωρίας παρά ἀξιωμα τῆς ἴδιας τῆς θεωρίας. 'Εναλλακτικά, ή ἀρχή αὐτή μπορεῖ νά ἐριηγευτεῖ ώς μεταθεωρητική δήλωση (ώς δήλωση γιά τή θεωρία, καί δχι τῆς θεωρίας). 'Ετσι, μπορεῖ κανείς εύκολα νά δεῖ πώς οί ἔξισώσεις τοῦ Maxwell είναι ἀμετάβλητες ώς πρός τούς μετασχηματισμούς τοῦ Lorentz, καί πώς ή ἀμεταβλητότητα ἡταν ἐκεῖνο πού δδήγησε τόν Einstein στήν ἀναζήτηση τῶν ρελατιβιστικῶν νόμων τῆς μηχανικῆς, οί δόποι ονάντικαθιστούν τούς νόμους τοῦ Νεύτωνα. Οί ἴδιες οί ἔξισώσεις τοῦ Maxwell καί οί ἴδιοι οί ρελατιβιστικοί νόμοι τῆς μηχανικῆς δέν περιέχουν τήν ἔκφραση 'είναι νόμος τῆς φύσης ὅτι . . .' οὔτε κάποια ἄλλη ἵσοδύναμη ἔκφραση. Θά ἡταν μάλιστα περίεργο ἄν μιά φυσική θεωρία δέν μπορούσε νά διατυπωθεῖ χωρίς τή βοήθεια τῆς φανερά μεταγλωσσικῆς έννοιας 'νόμος τῆς φύσης'.

"Ομοία, θά ἔλπιζε κανείς πώς όποιαδήποτε φυσική θεωρία είναι δυνατόν νά διατυπωθεῖ τυπολογικά χωρίς τή χρήση ἵσχυρῶν ὑποθετικῶν δρων [conditionals] ή τῆς έννοιας τῆς φυσικῆς ἀναγκαιότητας. Κατά τήν ἀποψη πού ὑποστηρίζω, οί δηλώσεις γιά τή φυσική ἀναγκαιότητα ἀποτελούν μεταμφιε-

σμένες μεταγλωσσικές δηλώσεις γιά τό ὅτι ὄρισμένοι ὑποθετικοί ὅροι ώς συναρτήσεις ἀληθείας συνάγονται ἀπό θεμελιακούς νόμους τῆς φύσης. Μποροῦμε τότε νά ποῦμε κοινότοπα πώς κάθε θεμελιακός νόμος τῆς φύσης ἐκφράζει μιά φυσική ἀναγκαιότητα, ἐπειδή ὁ νόμος συνάγεται αὐτονόητα ἀπό τόν ἔαυτό του. Ἐκόμα καὶ γενικεύσεις “ἀπλῶς ἐμπειρικές” μπορεῖ μερικές φορές νά θεωρηθοῦν ὅτι ἐκφράζουν μιά φυσική ἀναγκαιότητα, μέ τήν ἔννοια ὅτι ἐλπίζουμε ἡ πιστεύουμε πώς μιά μέρα θά μπορέσει νά ἀποδειχτεῖ ὅτι ἀπορρέουν ἀπό κάποια κατάλληλη θεωρία. Ἐτσι, ἡ φυσική ἀναγκαιότητα εἶναι μεταθεωρητική ἔννοια, ὅχι θεωρητική ἔννοια τῆς φυσικῆς.

Σέ ἀντιδιαστολή πρός αὐτή τήν ἄποψη γιά τή φυσική ἀναγκαιότητα ὑποστηρίζεται κατά καιρούς ὅτι οἱ ἴσχυροί ὑποθετικοί ὅροι εἶναι οὐσιώδεις γιά τήν ἐπιστήμη καὶ δέν ἀποτελοῦν μεταμφιεσμένες μεταγλωσσικές δηλώσεις. Ἐτσι ὁ πρῶτος νόμος τῆς κίνησης τοῦ Νεύτωνα (ὅτι δηλαδή ἔνα σῶμα κινεῖται μέ ἀμετάβλητη ταχύτητα σέ εὐθεία γραμμή, ἢν δέν ἐπιδράσει σ' αὐτό κάποια δύναμη) δέν εἶναι ἵσως τίποτα περισσότερο ἀπό κοινότοπα ἀληθής, ἢν ἔρμηνευτεῖ ώς ἀσθενής ὑποθετικός ὅρος, γιατί πιθανόν δέν ὑπάρχουν στό σύμπαν σώματα στά δόποια νά μήν ἐπιδρᾶ καμιά ἀπολύτως δύναμη. Ἡ ἀπάντηση σ' αὐτό εἶναι πώς ὁ πρῶτος νόμος τῆς κίνησης τοῦ Νεύτωνα ἀποτελεῖ περιττή πολυτέλεια, γιατί εἶναι εἰδική περίπτωση τοῦ δεύτερου νόμου, ὁ ὁποῖος ἀληθεύει ὅχι κοινότοπα. Καὶ ἀκόμα πώς, ἔστω καὶ ἢν ἔνας νόμος εἶναι κοινότοπα ἀληθής, τότε εἶναι τουλάχιστον ἀληθής, καὶ ἔτσι δέν μπορεῖ νά βλάψει τή θεωρία. (Δέν εἶναι δυνατόν νά συναχθεῖ ψεῦδος ἀπό μιά ἀλήθεια.) Εἶναι ἀληθές πώς ὁ πρῶτος νόμος τοῦ Νεύτωνα φαίνεται νά προκύπτει κατά μή κοινότοπο τρόπο σέ μερικές περιπτώσεις τῆς εἰδικῆς σχετικότητας. Στή νευτώνεια μηχανική μποροῦμε νά ὄρισουμε ἔνα σύστημα ἀδρανείας ώς ἔνα σύστημα σύμφωνα μέ τό ὁποῖο ἐξισορροποῦνται ἀμοιβαῖα οἱ συνιστῶσες τῶν ὄρμῶν τῶν ἀλληλοελκόμενων σωμάτων· στήν εἰδική σχετικότητα ὅμως αὐτό εἶναι ἀδύνατον, ἐπειδή ὁ ταυτοχρονισμός συμβάντων πού ἀπέχουν μεταξύ τους στό χῶρο εἶναι αὐθαίρετος. Γι' αὐτό, ἵσως κρινόταν ἀναγκαῖο νά ὄριζεται ἔνα σύστημα ἀδρανείας μέ ἀναφορά στόν πρῶτο νόμο τοῦ Νεύτωνα, ἐκφρασμένο ώς ἴσχυρό ὑποθετικό ὅρο. Ὁστόσο, αὐτό μπορεῖ καταρχήν νά ἀποφευχθεῖ, ἢν ὄρισουμε ἔνα σύστημα ἀδρανείας μέ ἀναφορά σέ φαινόμενα σύγκρουσης. Στήν πράξη βέβαια, ἡ μέθοδος αὐτή εἶναι ἐξαιρετικά δύσχρηστη: θά ἦταν συμφορά γιά τήν ἀνθρωπότητα ἢν οἱ συγκρούσεις ἀνάμεσα στά οὐράνια σώματα πού περιγράφονται στήν οὐράνια μηχανική συνέβαιναν μέ συχνότητα τέτοια πού νά ἐξυπηρετεῖ τόν παραπάνω σκοπό. Καὶ ἔτσι, στήν πράξη, εἴμαστε ὑποχρεωμένοι νά καθορίζουμε ἔνα σύστημα ἀδρανείας χρησιμοποιώντας ώς πρώτη προσέγγιση ἔνα νευτώνειο σύστημα. Ὁστόσο, ἡ μέθοδος αὐτή δέν ἀπαιτεῖ οὔτε προσφυγή στή φυσική ἀναγκαιότητα οὔτε χρήση ἴσχυρῶν ὑποθετικῶν ὅρων.

Κατά συνέπεια, ή θέση μου είναι πώς μιά φυσική θεωρία δφείλει νά βασίζεται σέ καθαρά έκτατική γλώσσα, και πώς τά κατηγορήματα ‘... είναι άναγκαιο’ και ‘... είναι άναγκαιο γιά...’ δέν πρέπει νά έμφανίζονται σ’ αύτήν. (Γιά μιά λεπτομερειακή ύποστήριξη αύτῆς τῆς φιλοσοφικῆς τοποθέτησης παραπέμπω στό έργο τοῦ Quine, και ίδιαίτερα στό *Word and Object*.⁵) “Αν τώρα κοιτάξουμε τήν έκθεση τῆς αίτιακῆς θεωρίας τοῦ χρόνου ἀπό τόν Grünbaum, βλέπουμε ὅτι χρησιμοποιεῖ πράγματι τήν ἔννοια τῆς άναγκαιότητας. Καί τοῦτο παρά τό γεγονός ὅτι ή θεωρία του βασίζεται στήν ἔννοια τῆς αίτιακῆς συνδετότητας και ὅχι στήν φανερά τροπική ἔννοια τῆς συνδεσιμότητας, τήν ὁποία σωστά ἀπορρίπτει. Αναγνωρίζει ἀκόμα ὅτι, γιά λόγους ὅμοιους μέ ἐκείνους πού μᾶς είναι οἰκεῖοι ἀπό τήν ἐργασία τοῦ Nelson Goodman σχετικά μέ τούς ύποθετικούς ὅρους πού ἐκφράζουν τό ἀντίθετο τοῦ πραγματικοῦ [subjunctive conditionals], ή αίτιακή σχέση δέν μπορεῖ νά δριστεῖ μέ βάση συνθῆκες άναγκαιες και ἐπαρκεῖς γιά τήν πραγματοποίηση τῶν συμβάντων.⁶ (Ἐγώ προσωπικά θά ἡμουνα πρόθυμος νά διευκρινίσω τήν αίτιακή σχέση μεταγλωσσικά, δπως ύποδηλώνω πιό πάνω στό ἄρθρο αύτό, ἀλλά ἐκείνο πού χρειάζεται προφανῶς ὁ Grünbaum είναι μιά ἐνδοθεωρητική ἔννοια τῆς αίτιακῆς συνδετότητας, και ὅχι μιά μεταθεωρητική.) Γι’ αύτό ὁ Grünbaum εἰσάγει τήν ἔννοια τῆς αίτιακῆς συνδετότητας ως ἀρχικό ὅρο. Μέχρις ἐδῶ καλά (ἴσως). Χρειάζεται δμως ὁ Grünbaum τίς ἔννοιες ‘άναγκαιά’ και ‘ίκανή’ γιά τόν δρισμό πού δίνει στήν ‘ν-τετράδα’. Ή τελευταία αύτή ἔννοια εἰσάγεται γιά νά χρησιμοποιηθεῖ στόν δρισμό τῶν ἔννοιῶν τῆς ἐνδιαμεσότητας και τοῦ διαχωριστικοῦ περιβλήματος. Ετσι ὁ Grünbaum ἀποκαλεῖ τήν τετράδα συμβάντων ELE'M ν-τετράδα, τότε καί μόνο τότε ἄν, “σέ μιά δεδομένη πραγματοποίηση τῶν συμβάντων E καί E’, ή k-σύνδεσή τους προϋποθέτει τήν πραγματοποίηση τοῦ L ή τοῦ M, δπου τά L καί M είναι ταυτογενή μέ τά E καί E’,...”.⁷

Ο Mehlberg⁸ δρίζει τήν ἔννοια τῆς ἀπό μέρους ἐνός συμβάντος “ἐπίδρασης σέ” ἔνα ἄλλο συμβάν κατά τρόπο φανερότερα έκτατικό. Σύμφωνα μέ τόν δρισμό του, ἔνα συμβάν A ἐπιδρᾶ ἀμεσα σέ ἔνα συμβάν B, ἄν σέ κάθε συμβάν A’ πού ἔχει ἐνδογενή δμοιότητα μέ τό A ἀντιστοιχεῖ ἔνα συμβάν B’ πού ἔχει τίς ἴδιες ἐνδογενεῖς ιδιότητες μέ τό B, και τό συμβάν B’ συμπίπτει μερικά μέ τό A’. Έδω ή ἐντατικότητα βρίσκεται μέσα στήν ἔννοια τοῦ ὅτι ἔνα πράγμα ἔχει ἐνδογενή δμοιότητα μέ ἔνα ἄλλο, καθώς και στήν ἔννοια τῆς ἐνδογενοῦς ιδιότητας: τοῦτο μπορεῖ νά διαπιστωθεῖ ἄν συμβουλευτοῦμε τούς δρισμούς πού δίνει ὁ Mehlberg στίς ἔννοιες αύτές. Επίσης δέν είμαι σίγουρος ἄν ὁ δρισμός πού δίνει ὁ Mehlberg στήν ‘ἀμεση ἐπενέργεια’ ἀποφεύγει τίς ἀντιρρήσεις τύπου Goodman. Οφείλω ώστόσο νά δμολογήσω ὅτι δέν ἔχω ἀκόμα ὀλότελα κατανοήσει τήν περίπλοκη θεωρία τοῦ Mehlberg γιά τίς ἀποσυνθέσεις τῶν συμβάντων. Παρ’ ὅλα αύτά, μισ φαίνεται ὅτι ή

ἔννοια του τοῦ συμβάντος εἶναι σιωπηρά ἐντατική. Ἀλλά ἂς περάσω τώρα στή συζήτηση ἐνός ἄλλου τύπου ἀντίρρησης πρός δρισμένες αἰτιακές θεωρίες τοῦ χρόνου.

Ἀκολουθώντας τὸν Reichenbach, ὁ ὅποῖος πῆρε τήν ἔννοια ἀπό τὸν K. Lewin,⁹ ὁ Grünbaum χαρακτηρίζει τίς αἰτιακές ἀλυσίδες συμβάντων ώς “tautogeneis” [genidentical]. Ἐπιπλέον ἐπιχειρεῖ νά “ἐκμεταλλευτεῖ τήν ἴδιότητα τῆς αἰτιακῆς συνέχειας, τήν δποία ἔχουν οἱ ταυτογενεῖς αἰτιακές ἀλυσίδες”¹⁰ καὶ ἀποφαίνεται δτι, γιά κάθε δύο ταυτογενῶς συνδεόμενα συμβάντα, ὑπάρχουν δρισμένα σύνολα συμβάντων τά δποία εἶναι ταυτογενή μέ τά πρῶτα, καὶ δτι αὐτά τά σύνολα ἔχουν τόν πληθάριθμο τοῦ συνεχοῦς. Δέν εἶναι ἐδῶ ἀπαραίτητο νά ὑπεισέλθουμε σέ ὅλες τίς λεπτομέρειες τῆς ἀπόφανσης τοῦ Grünbaum, ἡ δποία εἶναι λίγο περίπλοκη ἐξαιτίας τῆς ἀξιέπαινης ἐπιθυμίας του νά μήν προκαταλάβει τήν ἀπάντηση στό ἐρώτημα ἢν ὁ χρόνος εἶναι τοπολογικά ἀνοιχτός (σάν εὔκλείδεια εύθεία γραμμή) ἢ κλειστός (σάν μεγάλος κύκλος στήν ἐπιφάνεια μιᾶς σφαίρας). Ὡστόσο, ἔνα ἀπό τά ἐξετάζόμενα σύνολα συμβάντων εἶναι τό σύνολο τῶν συμβάντων τά δποία, στήν περίπτωση πού δ χρόνος εἶναι τοπολογικά ἀνοιχτός, μπορεῖ νά θεωρηθεῖ δτι βρίσκονται ἀνάμεσα στά ἀρχικά δεδομένα δύο συμβάντα.

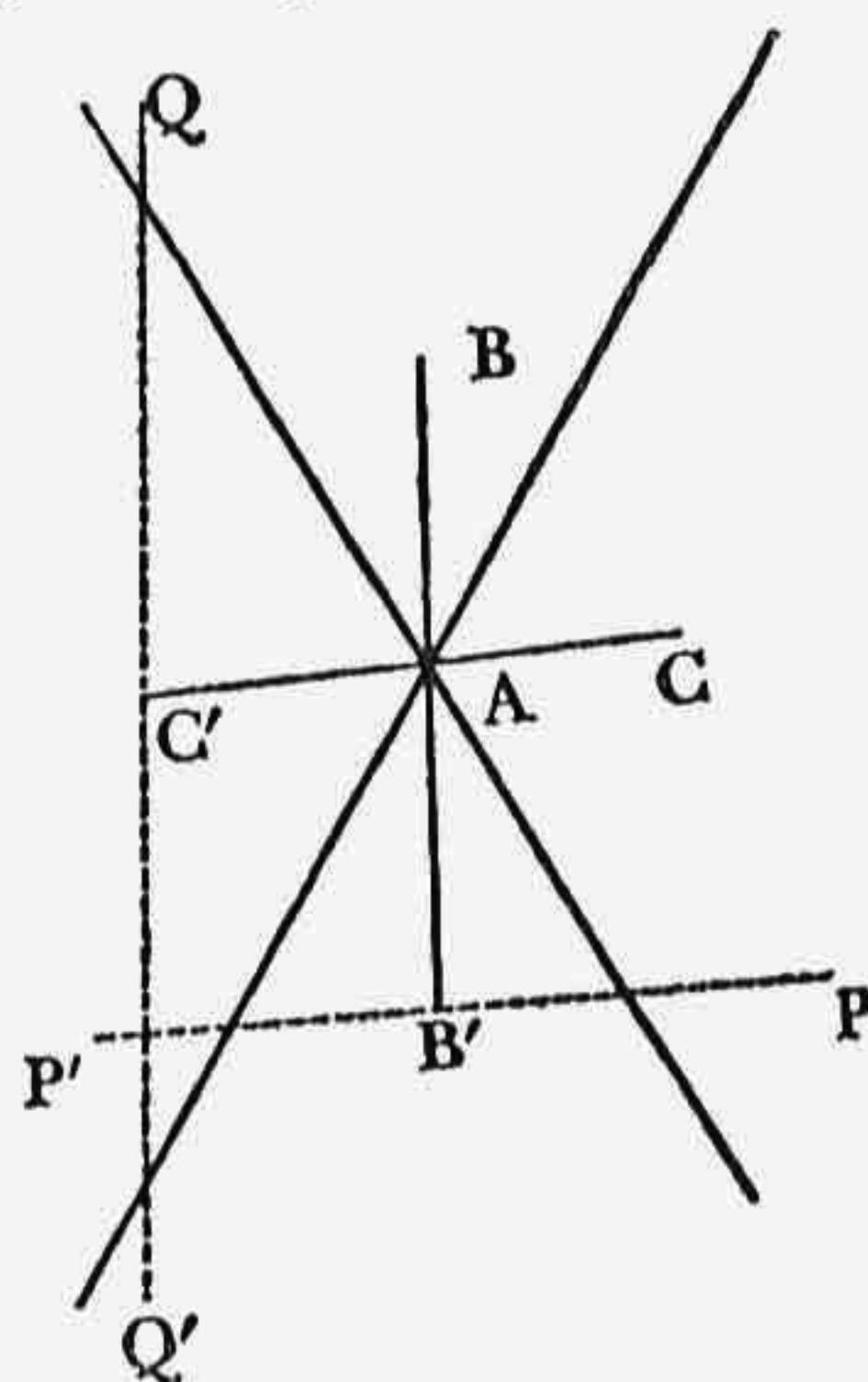
Νομίζω πάντως δτι ἀποτελεῖ μειονέκτημα γιά μιά θεωρία τοῦ χρόνου νά πρέπει νά ἐξαρτᾶται ἀπό τήν παραδοχή συνεχῶν συνόλων συμβάντων. Βέβαια, σύμφωνα μέ τήν κλασική φυσική, ὑπάρχει ἔνα συνεχές σύνολο ταυτογενῶν συμβάντων ἀνάμεσα σέ δποιαδήποτε δύο ταυτογενή συμβάντα: αὐτό δικαίως δύσκολα μπορεῖ νά κατανοηθεῖ μέσα στό ἔννοιολογικό πλαίσιο τῆς κβαντομηχανικῆς (ἐκτός ἵσως ἢν μιά τιμή τῆς ψ-συνάρτησης λογαριάζεται σάν συμβάν).¹¹ Λέγοντας αὐτό δέν θέλω νά πέσω στό λάθος, πού τόσο καλά ἐπικρίνει δ Grünbaum,¹² νά ὑποθέσω δηλαδή δτι ἡ κβαντομηχανική ἐπιδέχεται ἔναν ἀσυνεχή χωροχρόνο. Ἡ κβαντομηχανική χρησιμοποιεῖ συνεχή μαθηματικά καὶ μιά συνεχή γεωμετρία, δπως κάθε κλασική θεωρία. Μάλιστα δέν εἶναι καθόλου ξεκάθαρο τί ἐμφάνιση θά είχε μιά φυσική γεωμετρία βασισμένη σέ ἔναν ἀσυνεχή χωροχρόνο, ἵδιαίτερα δταν σκεφτεῖ κανείς τήν πασίγνωστη ἀνισομετρία δρισμένων γεωμετρικῶν λόγων, καθώς καὶ τό παράδοξο τοῦ σταδίου τοῦ Ζήνωνα. Δεχόμενος σ' αὐτό τό σημεῖο δλότελα τήν ἀποψη τοῦ Grünbaum, ἐπιθυμῶ μόνο νά μάθω ποδ θά δδηγοῦσε ἡ ἀξιωματική προϋπόθεση ἐνός συνεχοῦς συνόλου ταυτογενῶν συμβάντων στό ἔννοιολογικό πλαίσιο τῆς κβαντομηχανικῆς. Μιά προφανής δυσκολία προέρχεται ἀπό τήν ἀποτυχία τῆς ἐφαρμογῆς τῆς αἰτιακῆς συνδετότητας στήν κβαντομηχανική. Ἡ δυσκολία ἐμφανίζεται μέ τήν ἀπουσία καθορισμένων βλητικῶν τροχιῶν, πράγμα πού ἀποτελεῖ ἔνδειξη μιᾶς ἀβεβαιότητας ώς πρός τό τί ἀκριβῶς ὑποτίθεται δτι εἶναι τό σύνολο τῶν συμβάντων τά δποία θά ἀποτελοῦσαν μιά ταυτογενή αἰτιακή σειρά. Ἰσως δ Grünbaum

προτείνει τήν αίτιακή θεωρία του χρόνου σάν κατασκευή, πού λειτουργεῖ μέσα στό έννοιολογικό πλαισιο τῆς κλασικῆς φυσικῆς (όπως αύτό τροποποιήθηκε άπό τήν εἰδική σχετικότητα). "Έχουμε δικαίωμα νά μιφιβάλλουμε ώς πρός τή χρησιμότητα μιᾶς κατασκευῆς πού λειτουργεῖ μόνο γιά τήν κλασική φυσική.

Φαίνεται πώς και ἡ γενική θεωρία τῆς σχετικότητας δημιουργεῖ πολλά προβλήματα στήν αίτιακή θεωρία του χρόνου. Αύτό δφείλεται στό δτι ἡ αίτιακή θεωρία του χρόνου ἀποτελεῖ μιά μορφή τῆς σχεσιακῆς θεωρίας του χρόνου: δρίζει σχέσεις ἐνδιαμεσότητας (ἢ σχέσεις διαχωριστικοῦ περιβλήματος) μόνο γιά τετράδες πραγματικῶν συμβάντων. Ωστόσο τό ἐρώτημα του ἄν ἡ δχι μιά σχεσιακή θεωρία του χρόνου μπορεῖ νά λειτουργήσει σύμφωνα μέ τή γενική σχετικότητα καταλήγει στό ἐρώτημα του ἄν οι ρελατιβιστικές κοσμολογίες μποροῦν νά ίκανοποιήσουν τήν ἀρχή του Mach, ἐρώτημα πού μᾶλλον παραμένει ἀνοιχτό. ("Ο ἴδιος μάλιστα ὁ Grünbaum ἔχει διατυπώσει ἐπιχειρήματα πρός αύτήν τήν κατεύθυνση.¹³) "Ισως ἡ παραπάνω ἀντίρρηση νά μήν ίσχύει γιά τήν παραλλαγή τῆς αίτιακῆς θεωρίας του χρόνου του Mehlberg, μιά και κατ' αύτόν ὑπάρχουν συμβάντα παντοῦ. Είναι δικαίως δύσκολο νά δεῖ κανείς πῶς ὁ Mehlberg θά μποροῦσε νά δεχτεῖ τήν πλήρη γεωμετρικοποίηση του πεδίου βαρύτητας και τή θεωρητική δυνατότητα (σύμφωνα μέ δρισμένες κοσμολογίες) ἐνός σύμπαντος ἀπαλλαγμένου ἀπό τήν ὅλη και ώστόσο ἐφοδιασμένου μέ μιά ὀρισμένη χωροχρονική δομή. Μάλιστα ὁ Mehlberg παραδέχτηκε αύτοῦ του εἶδους τήν παρατήρηση σέ μιά μεταγενέστερη ἐργασία του, στήν ὅποια ἀπορρίπτει τήν αίτιακή θεωρία του χρόνου.¹⁴

"Οπως σημειώσαμε νωρίτερα, πιγή ἔμπνευσης τῶν πιό πρόσφατων προσπαθειῶν γιά μιά αίτιακή θεωρία του χρόνου στάθηκε ἡ εἰδική σχετικότητα, ἡ ὅποια ἀπορρίπτει τή δράση ἀπό ἀπόσταση και συνεπάγεται δτι ὅλες οι αίτιακές ἐπιρροές (ὅλες οι κοσμικές γραμμές, ὅλα τά σήματα) βρίσκονται μέσα σέ φωτεινούς κώνους. Ωστόσο, ἡ συνεπαγωγή αύτή είναι ἐξωθεωρητική μᾶλλον παρά ἐνδοθεωρητική. Καί ἄν ἀκόμα δέν ἀποτελεῖ εύρετικό κανόνα, πρόκειται γιά θεώρημα στή μεταγλώσσα τῆς φυσικῆς. Διαφωτιστική είναι ἡ ἐξέταση δύο χωροχρονικῶν ἀντικειμένων, τῶν $B'AB$ και $C'AC$, ὅπως παρουσιάζονται στό Σχῆμα, τά ὅποια είναι τέτοια, ὥστε τό $B'AB$ νά βρίσκεται τελείως μέσα στό φωτεινό κῶνο πού ἔχει κορυφή τό A και τό $C'AC$ νά βρίσκεται (ἐκτός ἀπό τό σημεῖο A) τελείως ἔξω ἀπό τόν κῶνο αύτόν. Είναι φανερό πώς πρέπει νά δεχτοῦμε δτι τό $B'AB$ καθορίζει μιά κοσμική γραμμή, ἐνῶ δέν πρέπει νά θεωρήσουμε δτι τό $C'AC$ ἐκτείνεται κατά μῆκος μιᾶς κοσμικῆς γραμμῆς ἀλλά πρέπει νά τό ἐρμηνεύσουμε σάν μιά σύντομη και ώστόσο εύρυτατη διαταραχή. Η δομή τῆς κλασικῆς φυσικῆς είναι τέτοια, ὥστε μιά ἀρκετά λεπτομερειακή γνώση μιᾶς ἀρκετά μεγάλης "χρονικῆς

φέτας” πού νά τέμνει τό B' θά μᾶς ἔδινε τή δυνατότητα νά συναγάγουμε τό συμβάν B , ἐνῶ καμιά ποσότητα γνώσης μιᾶς ὁσοδήποτε μεγάλης “φέτας χώρου” (ή ὁποία νά τέμνει τό C') δέν παρέχει τή δυνατότητα νά συναχθεῖ τό συμβάν C . Έκεῖ ὁδηγεῖ ή αἰτιακή ύφή τοῦ κόσμου, ὅπως αὐτή καθορίζεται ἀπό τίς κοσμικές γραμμές. Καί τέτοιες εἶναι οἱ ἀντιλήψεις, ἀπό τίς ὁποῖες προκύπτει ή αἰτιακή θεωρία τοῦ χρόνου. Οἱ ἀντιλήψεις αὐτές μποροῦν νά διατηρηθοῦν, στήν παρούσα μεταθεωρητική μορφή τους, ἀπό μιά φυσική ή ὁποία προϋποθέτει ἀξιωματικά τό χωροχρόνο ἀνεξάρτητα ἀπό τήν ἔννοια τῆς αἰτιακῆς σύνδεσης.



Οἱ ἀντιλήψεις ἀπό τίς ὁποῖες προκύπτει ή αἰτιακή θεωρία τοῦ χρόνου μποροῦν λοιπόν νά διατηρηθοῦν σέ μιά ἐπιστήμη πού ἀπλῶς προϋποθέτει ἀξιωματικά μιά δομή τοῦ χωροχρόνου καί, κατόπιν, μαζί μέ τήν ἀντίστοιχη φυσική της καί τή μεταθεωρία της συνάγει αἰτιακές σχέσεις ἀνάμεσα σέ συμβάντα τοῦ κόσμου. Προϋποθέτοντας ἀξιωματικά δτι τά συμβάντα σχετίζονται σύμφωνα μέ τήν τάδε γεωμετρία, μποροῦμε ἀκόμα καί νά κρατήσουμε ἀνοιχτές τίς ἐπιλογές μας ώς πρός τό ἄν ή ἐρμηνεία τῆς γεωμετρίας αὐτῆς θά εἶναι σχεσιακή ή ἀπόλυτη. Στήν περίπτωση μιᾶς ἀπόλυτης θεωρίας τοῦ χωροχρόνου, οἱ χωροχρονικές σχέσεις θά σχετίζουν, ἄμεσα, ὅχι συμβάντα ἀλλά σημεῖα τοῦ χωροχρόνου, τά δοποῖα θά ἔχουν τήν ὑπόσταση θεωρητικῶν δοντοτήτων τῆς φυσικῆς. Στήν περίπτωση μιᾶς σχεσιακῆς θεωρίας, οἱ χωροχρονικές σχέσεις θά σχετίζουν, ἄμεσα, συμβάντα τοῦ κόσμου. Οἱ ἀρχικοὶ δροὶ μιᾶς τέτοιας γεωμετρίας θά μποροῦσαν ἵσως νά εἶναι κωνικῆς τάξης, ὥπως στή θεωρία τοῦ A.A. Robb,¹⁵ καί δέν θά περιεῖχαν τήν ἔννοια τῆς αἰτιακῆς σύνδετότητας.

Μέ τόν τρόπο αύτό, ἀντί νά “κατασκευάσουμε” τή (μή μετρική) δομή τοῦ χωροχρόνου μέ τή βοήθεια μιᾶς σχέσης αἰτιακῆς συνδετότητας, συνάγουμε σχέσεις αἰτιακῆς συνδετότητας καὶ μή συνδετότητας ἀπό τή θεωρία (περιλαμβανόμενης καὶ τῆς ἀντίστοιχης φυσικῆς, καθώς καὶ τῆς μεταθεωρίας της). Μποροῦμε ἐπίσης νά συνάγουμε χωροχρονικές σχέσεις ἀπό σχέσεις αἰτιακῆς συνδετότητας ἢ μή συνδετότητας. Αύτό, στό φῶς τῶν προηγούμενων παρατηρήσεων, θά μποροῦσε νά θεωρηθεῖ ὅτι ἀποτελεῖ τήν πλάνη τοῦ ισχυρισμοῦ ἐκ τοῦ συμπεράσματος. Ἀλλά δέν εἶναι ἔτσι. Συνάγουμε ὅτι ἂν τά *E* καὶ *E'* συνδέονται αἰτιακά, τότε τό ἔνα βρίσκεται μέσα στόν φωτεινό κῶνο τοῦ ἄλλου, μεταθέτοντας τήν πρόταση (ή δοπία μπορεῖ νά συναχθεῖ ἀπό τή θεωρία μιᾶς μέ τή μεταθεωρία της) ὅτι ἂν τό ἔνα ἀπό τά *E* καὶ *E'* δέρ βρίσκεται μέσα στόν κῶνο φωτός τοῦ ἄλλου, τότε τά *E* καὶ *E'* δέρ συνδέονται αἰτιακά. “Ἐτσι, ἂν καὶ οἱ χωροχρονικές σχέσεις προηγοῦνται λογικά ἀπό τίς αἰτιακές, μποροῦμε παρ’ ὅλα αύτά νά συνάγουμε δρισμένες χωροχρονικές σχέσεις ἀπό δρισμένες αἰτιακές σχέσεις. Αύτός καὶ πάλι εἶναι ὁ σπόρος τῆς ἀλήθειας σέ μιά αἰτιακή θεωρία τοῦ χρόνου.

Συμπερασματικά λοιπόν, οἱ κύριοι ἐνδοιασμοί μου γιά τήν αἰτιακή θεωρία τοῦ χρόνου εἶναι οἱ ἀκόλουθοι: (1) Τό νά διευκρινίσει κανείς τήν ἔννοια τοῦ χωροχρόνου μέ βάση τήν ἔννοια τῆς αἰτιακῆς σύνδεσης μοιάζει νά ἀποτελεῖ διευκρίνιση τοῦ σχετικά σαφοῦς μέ βάση τό σχετικά ἀσαφές. (2) Καὶ ἂν ἀκόμα ή αἰτιακή σχέση θεωρηθεῖ ή ἵδια ἀρχικός ὄρος, οἱ αἰτιακές θεωρίες τοῦ χρόνου μοιάζουν νά χρειάζονται πάντα, σέ κάποιο σημεῖο τους, τροπικές ή ἐντατικές ἔννοιες. (3) Εἶναι δύσκολο νά δεῖ κανείς πῶς ή αἰτιακή θεωρία τοῦ χρόνου μπορεῖ νά ἐφαρμοστεῖ σέ θεωρίες, οἱ δοπίες ἐπιτρέπουν τήν ὑπαρξη συμβάντων πού δέν ἀποτελοῦν οὔτε αἰτίες οὔτε ἀποτελέσματα ἄλλων συμβάντων. Κατά τήν ἀποψή μου, τουλάχιστον, μπορῶ νά θεωρήσω μέ λογική συνέπεια ἔνα σύμπαν καθαρά τυχαίων συμβάντων διεσπαρμένων στό χωροχρόνο. Ἡ ἀντίρρηση ὅτι αὐτοῦ τοῦ εἶδους τά συμβάντα θά μποροῦσαν πράγματι νά ἐντοπιστοῦν μόνο ἂν ἀποτελοῦσαν αἰτίες ή ἀποτελέσματα ἄλλων συμβάντων πρέπει, νομίζω, νά ἀπορριφθεῖ, ώς ὑπερβολικά ἐπαληθευτικιστική. Στό “Reply to Hilary Putnam”, σελ. 88,¹⁶ ὁ Grünbaum παρατηρεῖ ὅτι “τά συμβάντα πού εἶναι χωρισμένα μέσα στό χῶρο μποροῦν νά ὑφίστανται φυσικές σχέσεις τοῦ ἐνός ή τοῦ ἄλλου εἶδους ἐξαιτίας, καὶ μόνο, τῆς παρουσίας ή τῆς ἀπουσίας τῆς πραγματικῆς ή τουλάχιστον τῆς φυσικά ἐφικτῆς συνδεσιμότητάς τους”. Μοῦ φαίνεται πώς, ἂν ἐδῶ τό ‘φυσικές σχέσεις’ σημαίνει ‘αἰτιακές σχέσεις’, δί τοῦ ισχυρισμοῦ τοῦ Grünbaum εἶναι ἀμφισβητήσιμος, ή τουλάχιστον ἐξαρτᾶται ἀπό δρισμένες φιλοσοφικές παραδοχές. Δέν εἶναι δυνατόν νά χρησιμοποιηθεῖ σάν λογική βάση γιά νά ἀνασκευαστεῖ ή θέση κάποιου πού δέν δέχεται μιά αἰτιακή θεωρία, γιατί ἔνα τέτοιο πρόσωπο μπορεῖ νά πεῖ πώς δρισμένες φυσικές σχέσεις (δηλαδή οἱ

χωροχρονικές) θά ήταν δυνατόν νά υπάρχουν άκόμα και ὅταν δέν υπάρχει αἰτιακή συνδεσιμότητα. Τέλος, δέν νομίζω πώς ἔχω τελεσίδικα ἀναιρέσει ὅποιεσδήποτε αἰτιακές θεωρίες του χρόνου. 'Ισχυρίζομαι μόνο ὅτι ἔχω ἐκφράσει δρισμένους ἐνδοιασμούς γιά τίς αἰτιακές θεωρίες του χρόνου, καθώς και δρισμένες ἀμφιβολίες ώς πρός τά κίνητρα τέτοιων θεωριῶν. Γιά παράδειγμα, δέν ἔξαντλησα μέ κανέναν τρόπο τήν πολύ ἐνδιαφέρουσα και λεπτομερειακή ἐπεξεργασία του θέματος ἀπό τὸν Mehlberg. Εἶναι πολύ πιθανόν οἱ ἐνδοιασμοί πού ἔχω γιά τίς αἰτιακές θεωρίες του χρόνου νά δφείλονται περισσότερο σέ ἐλλείψεις τῆς δικῆς μου σκέψης παρά σέ ἐλλείψεις τῶν θεωριῶν. "Εστω καὶ ἔτσι, μιά και ὑποψιάζομαι ὅτι μπορεῖ και ἄλλοι νά καταλήξουν σέ παρόμοιους ἐνδοιασμούς, ἐλπίζω νά ἔχει κάποια ἀξία τό γεγονός ὅτι ἀνακίνησα τό θέμα, μέ δση ἀνεπάρκεια και ἄν τό ἔκανα.¹⁷

Μετάφραση: 'Ιορδάνης 'Αρξόγλου

Σημειώσεις

1. Hans Reichenbach, *The Philosophy of Space and Time*, Dover, New York 1958. Δημοσιεύτηκε ἀρχικά στά γερμανικά τό 1928 μέ τόν τίτλο *Philosophie der Raum-Zeit-Lehre*.
2. *Studia Philosophica* I (1935), σ. 119-258, και II (1937), σ. 111-231.
3. Bλ. Adolf Grünbaum, *Philosophical Problems of Space and Time*, Knopf, New York 1963, Κεφάλαιο VII.
4. "Ο.π., II, σ. 163-164.
5. W.V. Quine, *Word and Object*, John Wiley, New York 1960.
6. Bλ. τίς παρατηρήσεις τοῦ Grünbaum στή σελ. 609 τῆς ἐργασίας του "Carnap on the Foundations of Geometry", στό P.A. Schilpp (ἐκδ.), *The Philosophy of Rudolf Carnap*, Open Court, La Salle, Illinois 1963, σ. 545-684, καθώς και τήν ἀναφορά του στό βιβλίο τοῦ Nelson Goodman, *Fact, Fiction and Forecast*, Harvard University Press, Cambridge, Mass. 1955.
7. *Philosophical Problems of Space and Time*, σ. 194.
8. "Ο.π., II, σ. 153.
9. Bλ. Reichenbach, ὄ.π., σ. 142, ὑποσημείωση.
10. Grünbaum, *Philosophical Problems of Space and Time*, σ. 194.
11. Μιά δυσκολία ἐδῶ εἶναι ὅτι ἡ ψ-συνάρτηση ἀναφέρεται σέ σημεῖα πολυδιάστατου χώρου Hilbert, οἱ συντεταγμένες τῶν δποίων δίδονται ἀπό μιγαδικούς ἀριθμούς, και ὥχι στόν κανονικό μας χωροχρόνο.
12. Bλ. Adolf Grünbaum, *Modern Science and Zeno's Paradoxes*, Wesleyan University Press, Middletown 1967, σ. 109-114.

13. Adolf Grünbaum, *Philosophical Problems of Space and Time*, Κεφάλαιο XIV.
14. Βλ. Henryk Mehlberg, "Relativity and the Atom", στό Paul Feyerabend καὶ Grover Maxwell (èκδ.), *Mind, Matter and Method, Essays in Philosophy and Science in Honor of Herbert Feigl*, University of Minnesota Press, Minneapolis 1966. Βλ. ίδιαίτερα σ. 484-86.
15. A. A. Robb, *A Theory of Time and Space*, Cambridge University Press, Cambridge 1914.
16. Στό R. S. Cohen καὶ M. W. Wartofsky (èκδ.), *Boston Studies in the Philosophy of Science*, Τόμος V, D. Reidel Publishing Co., Dordrecht, Holland 1968.
17. Βλ. ἐπίσης τήν ἐργασία τοῦ Hugh M. Lacey, "The Causal Theory of Time, A Critique of Grünbaum's Version", *Philosophy of Science* 35 (1968), σ. 332-54. Ἡ ἐργασία αὐτή ἐμφανίστηκε ἀφοῦ τό παρόν ἄρθρο εἶχε ὑποβληθεῖ γιά δημοσίευση.